釘状物体の振動による整列*

佐藤勇一*1,三浦秀一*2,辻岡一明*3

Parallel Orientation of Pins by Vibration

Yuichi SATO*4, Shuichi MIURA and Kazuaki TSUJIOKA

*4 Department of Mechanical Engineering, Saitama University, 255 Shimo-okubo, Sakura-ku, Saitama-shi, Saitama, 338-8570 Japan

This paper describes the experimental and analytical study on the parallel orientation of pins by sinusoidal vibration. A pin with a point at one end and a small spherical head at the other on a horizontally vibrating table is oriented in the direction parallel to the vibration. As long as the vibration amplitude and its frequency are appropriate, reorientation phenomenon occurs. Analytical study shows that the orientation depends on the magnitude of the maximum vibration speed of the table, that is, amplitude times frequency. The sense of the orientation of a pin depends on the initial condition.

Key Words: Vibration, Orientation, Pin, Sliding Friction, Rolling Friction

1. まえがき

本研究の目的は、一定方向に面内振動する水平な台の上に、釘や裁縫用待針などの物体(以下、釘状物体と呼ぶ)を置くと、釘状物体の向きが台の振動方向に揃い整列する現象のメカニズムを明らかにすることである。よく似た現象を利用したものとして、振動フィーダがある。ボルトやベットを加振することによって整列して搬送することが工業的に用いられている(1)~(6)。そのメカニズムは、ボルトなどを跳躍や滑らせたりするとき、振動する台とボルトの運動が周期的な繰り返し運動となるような条件を利用している。

本研究ではまず予備実験として、釘状物体の整列は振動している台上を飛び開ねたり、世ずに転がったり滑ったりしている状態で起こること、さらに、互いの衝突などの相互作用により起こるのではなく、面内振動する台の上に釘状物体を単独で置いたときにも整列現象が起こることを実験的に確認した。次いで台の振動数、振幅などの条件によって、釘状物体が整列したり、しなかった

りすることから、水平に振動する台による釘状物体の整 列現象を実験的に把握し、さらに、理論解析によりその 運動特性を明らかにしている.

2. 主 な 記 号

A, ω:台の振幅,台の振動数

θ:針の角度 (図2参照)

μ_F:台と針の足の間の摩擦係数

μR:台と針の頭の間の軸方向の摩擦係数

μs:式(28)参照

μ 。: 台と針の頭の間の転がり方向の摩擦係数

添字

F,G,H:針の足, 重心, 頭を示す (図2参照)

R, θ:針の軸方向, 軸と直角方向 (図4参照)

3. 実験

3・1 実験装置 図1に実験装置概略図を示す。アクリル製の平板(以下、台と呼ぶ)とモータを板式ねによって水平に支え、偏心おもりを取付けたモータを回転させることにより台を水平面内で振動させた。系の固有振動数は 4.7Hz である。台はモータの回転速度と同じ振動数で振動した。また、今回の実験において振動により整列させる試料としては、先端に小玉の付いた裁縫用の待針を使用した。図2と表1に諸元を示す。重心回り

^{*} 原稿受付 2003年10月29日.

^{*1} 正員, フェロー, 埼玉大学工学部(® 338-8570 さいたま市桜 区下大久保 255).

^{**} 学生員,埼玉大学大学院理工学研究科

^{**} 正員,埼玉大学工学部.

E-mail: ysato@mech.saitama-u.ac.jp

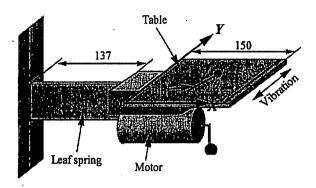


Fig. 1 Experimental apparatus

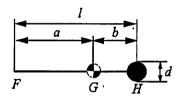


Fig. 2 Pin

Table 1 Dimensions of a pin

Mass m	0.124 g
Length l	33.3 mm (a=23.3 mm, b=10.0 mm)
Diameter d	3.6 mm

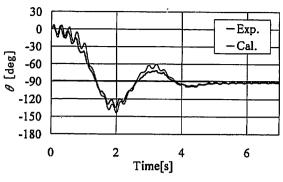
の惯性モーメント $I_{\rm G}$ =15.1 ${\rm g\cdot mm^2}$ である。摩擦係数は 実験により μ_F =0.2, μ_R =0.2, μ_θ =0.005 と求めた。 (付録 ${\bf A}$ 参照)

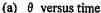
3・2 実験結果 台の振動数 4.1Hz,振幅 5.5mm で振動させたときの針の角度変化を図 3(a)に示す。太い実線が実験結果である。ここで針の角度 θ は図 1に示すように測る。針は台の振動と等しい振動数で小さな角度変動を行いながら、ゆっくりとした大きな角度変化を行い、最終的に台の振動方向 $\theta=-90$ に向いている。なお、針が最終的に向く角度 θ は、90 または-90 で、それは初期条件に依存している。

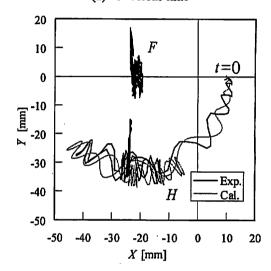
図3(b)に針の頭 Hと足 Fの静止座標系から見た軌跡を示す、太線が実験結果である。図から針の足 Fは殆ど Y 方向のみに振動し、X 方向にはあまり運動しないことから、針の振動方向への整列は主として頭 H の運動によることが分かる。

4. 理論解析

針の運動を解析するにあたり、軸回りの慣性モーメントが小さいことから、軸回りの自転運動は無視し、並進







(b) Loci of the points H and F

Fig. 3 Experimental and calculated results of the behavior of a pin

運動のみを考える。針は剛体で、その足と頭で台と接触しているとする。また、頭の大きさによる針の台に対する傾きは無視する。台の振幅は高々6mmと小さいので台は図1に示す方向に正弦振動するとして扱う。すなわち図4に示すように台は $A\sin \omega t$ で直線振動をしているとする。針は転がりながら接触点 F_t および Hからクーロン摩擦力を受ける。解析では、次のように摩擦力をモデル化して考える。頭 Hにはクーロン摩擦力 f_{HR} が軸方向に、転がり摩擦力 f_{HR} が軸方向に、転がり摩擦力 f_{HR} が軸方向に、転がり摩擦力 f_{HR} が軸と直角方向に作用する。足 Fにおいて、クーロン摩擦力 f_F が台との相対速度と逆向きに作用する。摩擦力は垂直抗力に比例するものとする $^{(n)}$ 、足 F_t および頭 Hの垂直抗力 N_F_t および N_H は

$$N_F = bmg/l$$
, $N_H = amg/l$ (1)

で与えられるので摩擦力 ƒ。は、

$$f_F = -\mu_F N_F \, \nu_F^R / \left| \nu_F^R \right| \tag{2}$$

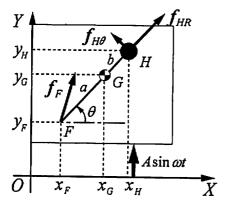


Fig. 4 Analytical Model

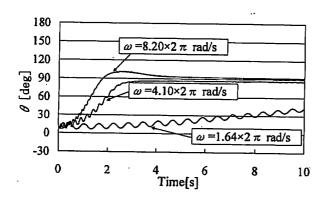


Fig. 5 Calculated time histories of θ (A =2.2mm)

と表せる。ここで、 μ_F は摩擦系数、 ν_F^R は足の台に対する相対速度である。針の頭 Hに作用する摩擦力 f_{HR} 、 $f_{H\theta}$ についても同様で、それぞれ台との相対速度 ν_H^R の軸および軸と直角方向成分と逆向きに作用し、大きさは $\mu_R N_H$, $\mu_\theta N_H$ である。

針の運動方程式は

$$m\ddot{x}_G = f_{Fx} + f_{HR}\cos\theta - f_{H\theta}\sin\theta \tag{3}$$

$$m\ddot{y}_G = f_{Fy} + f_{HR}\sin\theta + f_{H\theta}\cos\theta \tag{4}$$

$$I_{G}\ddot{\theta} = af_{Fx}\sin\theta - af_{Fy}\cos\theta + bf_{H\theta}$$
 (5)

ただし, (x_0,y_0) は重心の座標。 hetaは傾きで, f_{Fx} , f_{Fy} は付録Bに示される f_F のx,y方向成分である

針の挙動を上記の運動方程式を数値積分して求めた. 図3には計算した時刻歴応答の結果も示されている.数値計算結果と実験結果はよく一致しており解析モデルの妥当性がわかる.

図5は振幅A=2.2mm として、台の振動数 ω を変化させたときの針の角度の時刻歴応答を示している。針の初期角度は10、初速度は0 rads としている。図より、振動数が4.1Hz と8.2Hz では速やかに $\theta=90$ 整列しているが、1.64Hz と低いときには台の振動数と同じ振動数の角度変動が大きく、容易に振動方向に整列しない

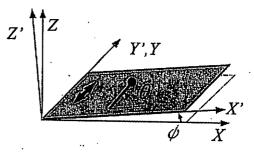


Fig. 6 Inclined vibrating table ($\phi = 0.6^{\circ}$)

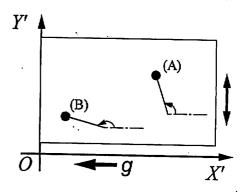


Fig. 7 Orientation of pins

5. 考察

振動の整列作用の強さを調べるために、図 6に示すように Y軸回りに微小角度 ϕ = 0.6 *だけ台を傾けて実験を行った、台は X' Y' 面内で Y 軸方向に振動する。台が傾いているので重力の作用は針の頭が-X' 方向に、足が+X' 方向を向くように働く。一方、振動による整列作用はこれに直角 (Y' 軸) 方向に働く。従って振動台に乗った針は、これら二つの作用がつりあった向きを向くことになる。

振動による整列作用が大きいほど、図7の(A)に示すようにY'軸方向(θ = \pm 90°)に近い方向を向き、整列作用が小さいほど図7の(B)のようにX'軸方向(θ =180°)に近い方向を向くことになる。

図8は実験結果と計算結果をまとめて示したものである。 のようはが最終的に向いた角度を示す。ただし、角度は+90°も-90°も同じと考え、絶対値で示してある。また、実験値にはばらつきがあるので、上下限値を示してある。 図から分かるようにばらつきはあるものの、実験値と計算値はよく一致している。

図8から、 $A\omega \leq 80$ mm/s では振動による整列の効果はほとんどなく、針は $\theta_{\infty} = 180$ となるのが分かる。 $A\omega$ が増加すると、振動による整列効果が現れ、 θ_{∞} は極小値をとる。しかし、さらに $A\omega$ が増加すると、再び θ_{∞} は増加して 180 に漸近する傾向を示す。これは $A\omega$ が小さ過ぎても大き過ぎても整列効果が小さいことを示している。 計算値から分かるように、 $A\omega=110$ mm/s までは θ_{∞} は振幅 Aによらず、振動速度の振幅 $A\omega$ に依存

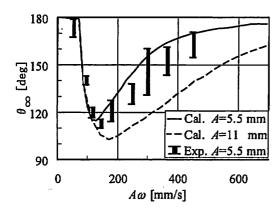


Fig. 8 θ_{∞} versus $A\omega$

していることが分かる. しかし、整列効果がもっとも現れる θ 。が最小となる $A\omega$ の値は、台の振幅 A が大きい方が高く、また、そのときの θ 。が小さいことから、振幅 Aが大きい方が整列効果も高いことが分かる. 図 9 には ϕ = 0.6°, $A\omega$ = 103.7 mm/s としたときの角度の時刻 歴応答の数値計算結果を示す. これから、針の運動の様子はほぼ同じであり、針の整列に関しては台の速度振幅 $A\omega$ によって整理できることが確認できる.

実験における針の運動の観察結果および時刻歴応答 計算結果から、台の振動数、振幅が小さいとき、針の足 は滑らずに運動し、これらが大きくなると滑るようにな る。そこで、針の足が滑らない場合と滑る場合に分けて、 針の挙動を解析する。

5・1 針の足が滑らないとき まず、針の足Fが滑らない場合の運動について考える。このとき針の足 $F(x_F,y_F)$ の速度は台の速度と等しく、

$$\dot{x}_F = 0 , \quad \dot{y}_F = A\omega \cos \omega t \tag{6}$$

であり、針の頭 H が台から受ける針の軸と直角方向 (転がり方向) の摩擦力 $f_{H,\theta}$ は、

$$f_{H\theta} = -(\mu_{\theta} amg/l) (\dot{\theta}/|\dot{\theta}|) \tag{7}$$

である

実験における観察とシミュレーションの結果から、 針の角度 θ は、台の振動に等しい速度で微小な角度変動 をしながら、ゆっくりと針の向き変えて、振動方向に整 列していく、そこで、針の角度 θ は、ゆっくりとした角 度の変化のと台の振動と同じ速度の微小振動成分 δ との 和で表せると考える。

$$\theta = \delta + \Theta \tag{8}$$

さらに針の運動も台の振動と同じ速い運動とゆっくりとした運動成分が別々につりあっていると考える⁽⁸⁾⁽⁹⁾. δが微小であることを考慮すると運動方程式は次式で表せる.

$$I_F \ddot{\delta} = maA\omega^2 \cos\Theta \sin\omega t + \tilde{l}\tilde{f}_{H\theta}$$
 (9)

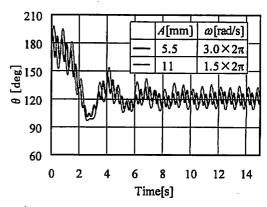


Fig. 9 Time histories of θ (A ω = 103.7 mm/s)

$$I_F \ddot{\Theta} + (\partial U/\partial \Theta) = I \bar{f}_{H\theta} \tag{10}$$

ただし.

$$I_F = I_G + ma^2 \tag{11}$$

$$U = U_0 + U_1 \tag{12}$$

$$U_{0} = K_{ST} \cos 2\Theta$$

$$U_{1} = -\frac{1}{2I_{F}} \left(\frac{ma\mu_{\theta}g}{\omega} \right)^{2} \ln|\cos \Theta|$$
(13)

$$K_{ST} = \left(maA\omega\right)^2 / (8I_F) \tag{14}$$

また、摩擦力についても微小変動成分 $\tilde{f}_{H\theta}$ とゆっくりとした変動成分 $\tilde{f}_{H\theta}$ の和で表されると考えている。微小変動成分が

$$\delta = \Delta \sin(\omega t - \phi) \tag{15}$$

と表せるとすると、摩擦力は

$$\bar{f}_{H\theta} = \frac{\omega}{2\pi} \int_0^{2\pi/\omega} f_{H\theta} dt = -\frac{2\mu_{\theta} amg}{\pi l} \sin^{-1} \left[\frac{\Theta}{\Delta \omega} \right]$$
 (16)

$$\widetilde{f}_{H\theta} = -\frac{\mu_{\theta} \, amg}{l} \frac{\dot{\delta}}{|\dot{\delta}|} \cong -\frac{\mu_{\theta} \, amg}{l} \cos(\omega t - \phi) \tag{17}$$

となる. 式(9)に式(15),(17)を代入して整理すると微小振動の振幅が次のように求まる.

$$\Delta = \frac{\mu_{\theta} \operatorname{amg}}{I_{f} \omega^{2}} \sqrt{\left(\alpha \cos \Theta / \mu_{\theta}\right)^{2} - 1}$$
 (18)

$$\tan \phi = -1/\sqrt{(\alpha \cos \Theta/\mu_{\theta})^2 - 1} \tag{19}$$

・ただし

$$\alpha = A\omega^2/g \tag{20}$$

式(19)右辺の根号内の第1項は一般に1よりずっと大きいので微小振動の振幅は式(20)で与えられる α , 従って、台の振幅Aにほぼ比例しているとみなせる.

次に、ゆっくりとした角度変化 Θ について考える。式 (10)より針はポテンシャル場 Uの上を、 $\bar{I}_{H\theta}$ の作用を 受けて運動すると考えることができる。図 10 に Uと Θ

の関係を台の振動数をパラメータにして示す。針の諸元は実験に用いた針の値を用いた。ポテンシャル $U=U_0+U_1$ のうち式(13)および(14)から、 U_0 は振動方向に整列させようとする成分、 U_1 は針の頭の転がり摩擦による整列作用に対し抵抗する成分とみなすことができる。針はポテンシャル Uの谷部に向い、 $\Theta=\pm 90$ に整列する。図中、Uは $\Theta=\pm 90$ 付近で平らな谷底を有している。これは、式(18)の根号内が負になる範囲に対応し、この範囲内で針が一度止まると針の頭 Hに働く転がり摩擦力のためにそれ以降、角度が変化しなくなってしまう。台の振動が速度 α が小さいほど谷底の平らな部分は広くなる。

図11 に、式(3)-(5)を直接数値積分して求めた θ の時刻歴応答と、式(10)から求めた Θ の変化を示す。同じ条件のとき、式(10)による Θ の変化は針の大きな角度変化をよくとらえていることが分かる。

U₀の係数 K_{ST} によって振動方向に整列させようとするポテンシャルの高さが決まり、これが大きいほど整列しやすい、式 (14)から、K_{ST} は台の振動数と振幅の積 Aωの2乗に比例しており、Aωが大きいほど整列しやすい、このことは図8,9 で述べた足Fが滑らないときには整列関象が Aωに依存していることをよく説明している。次に、針がかなり整列した後の挙動について考える。

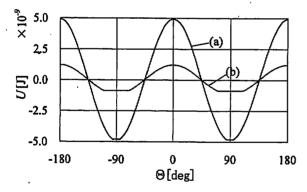


Fig. 10 *U* in equation (12) ((a) $\omega = 1.64 \times 2\pi$ rad/s, A=5.5mm; (b) $\omega = 0.82 \times 2\pi$ rad/s, A=5.5mm)

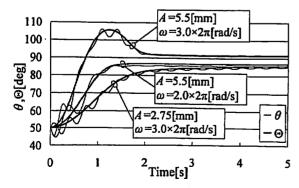


Fig. 11 Comparison of calculated Θ and calculated θ

援動方向からのずれは小さいので、

$$\Theta \cong \pi/2 + \Theta_1 \tag{21}$$

とおく、さらに一般に $(\mu_{\theta}/\alpha)^2 << 1$ と仮定してよいので、式(12)および(16)を式(10)に代入し、さらに、 Θ_1 が十分に小さいことを考慮すると、

$$\ddot{\Theta}_{1} + \frac{2}{\pi} \left\{ \sqrt{\left(\frac{A\omega\Theta_{1}}{\mu_{\theta}g}\right)^{2} - \frac{1}{\omega^{2}}} \right\}^{-1} \dot{\Theta}_{1} + \left(\frac{m\alpha A\omega}{\sqrt{2}I_{F}}\right)^{2} \Theta_{1} = 0$$
.....(22)

となる。第2項は減衰力を表し、その係数を見るとΘ_ιが小さいほど減衰が大きく、この方程式は減衰しながらΘ_ιがゼロに収束していく運動を表す。

以上から、ゆっくりとした角度変化のは振動方向に 減衰振動をしながら、整列することが分かる。また、針 が台から滑っていない範囲で台の振動数が大きいとき、 針のゆっくりとした挙動は、台の速度振幅 Aωによって 決まる。

5・2 針の足が滑るとき 台の振動像と振幅が大きくなると、足Fは台から離れて滑り出してしまう。 しかし実験および時刻歴応答から足Fが滑っているときも、足Fは台の振動方向に振動し、X方向にはほとんど動かない、そこで足Fが滑っている場合においても、足FはY方向のみに振動していると考え、足Fの速度を

$$\dot{x}_F = 0 , \quad \dot{y}_F = -A_F \omega \sin(\omega t - \phi) \tag{23}$$

とおく. 以下、針の足Fが滑っていないときとほぼ同様であるので、結果のみを示す. 微小振動成分については、

$$\delta = \Delta \cos(\omega t - \phi) \tag{24}$$

$$\Delta = -m\alpha \left\{ A_F \omega^2 \cos \Theta - \mu_\theta g \right\} / \left(I_F \omega^2 \right)$$

$$\tan \phi = 1 / \sqrt{\alpha/\mu_S - 1}$$
(25)

$$\widetilde{f}_{H\theta} = -\mu_{\theta} mag \cdot \cos(\omega t - \phi)/l \tag{26}$$

$$A_F = \mu_S g / \omega^2 \tag{27}$$

$$\mu_{s} = (\mu_{s}b + \mu_{s}a)/l \tag{28}$$

ここで μ_S は針の頭Fと足Hに作用する摩擦力の平均的な摩擦係数とみなすことができる.

ゆっくりとした角度変化については式 (10)と同じに 表される. ただし,

$$U = U_0 + U_1 \tag{29}$$

$$U_0 = K_{SL} \cos 2\Theta$$

$$U_1 = -\frac{1}{2I_F} \left(\frac{mag}{\omega}\right)^2 \frac{\mu_{\theta}}{\mu_S} \cos \Theta$$
(30)

$$K_{SL} = (\mu_S mag/\omega)^2 / (8I_F)$$
 (31)

針がかなり振動方向に揃ってからの運動は次式で表される.

$$\ddot{\Theta}_{1} + \frac{2\mu_{\theta} amg}{\pi} \frac{\dot{\Theta}_{1}}{\sqrt{\left(\frac{\mu_{S}g}{\omega}\right)^{2} \left\{\left(\frac{mal}{I_{F}} - 1\right)\Theta_{1} + \frac{\mu_{\theta}}{\mu_{S}} \frac{mal}{I_{F}}\right\} \left\{\left(\frac{mal}{I_{F}} - 3\right)\Theta_{1} + \frac{\mu_{\theta}}{\mu_{S}} \frac{mal}{I_{F}}\right\} + \left(A\omega\Theta_{1}\right)^{2}} + \left(\frac{\mu_{S}mag}{2I_{F}\omega}\right)^{2}\Theta_{1} = 0$$

·····(32)

Uは台の振動により針が受けるポテンシャルエネルギ と考えることができ、Uと回の関係を図 12 に示す. 針 の賭元は実験と同じ値を用いた.

足が滑らないときと同様 U₆ は振動方向に整列させようとする成分, U₇ は針の頭 H の転がり摩擦による抵抗成分と見なすことができる。U₆ によって針は振動方向に向こうとするが, U₇ が作用するため振動方向から少しずれて角度 O₆ に整列する。この角度は U が谷底となる角度で、 OU / OO = 0 から

$$\Theta_0 = \cos^{-1}(\mu_\theta/\mu_S) \tag{33}$$

で与えられる。 μ_s は針の頭の転がり摩擦係数であり,式 (28)で与えられる μ_s と比べると非常に小さいので Θ_o はほぼ台の振動方向である 90・に整列する。実験では μ_s =0.005, μ_R = μ_F =0.2 であるので μ_S =0.2 であり, Θ_o = 88.5 である。式 (33)から,針の足が台から滑っている場合の収束角度は,台の振動数,振幅には依存せずに μ_S と μ_s の比で決まる。式 (31)から,台の振動数が増加するほど整列する作用は減少する。また μ_S が大き

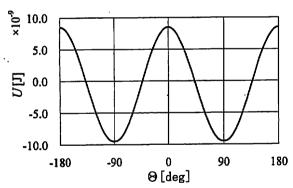


Fig. 12 U in equation (29) (ω =11×2 π rad/s, A=5.5mm)

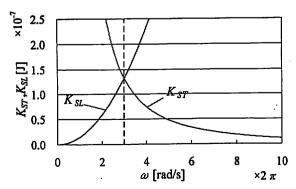


Fig. 13 K_{ST} and K_{SL} versus ω (A = 5.5mm)

いほど整列しやすいことが分かる.

針が台から滑る場合、および、滑らない場合ともにポテンシャル場 U。が整列作用の大きさを示す、式(14)、(31)に示す K_{ST}、K_{SL}が U。の高さを決め、これが大きいほど整列作用が大きい、図 13 に K_{ST}、K_{SL} と台の振動数の関係を示す。ただし、針は実験でのパラメータを用いた

図中に点線で示した位置はふたつの曲線の交点で, この位置は滑り始める限界の振動数, およびそのときの ポテンシャルエネルギは

$$\omega_{OPT} = \sqrt{\mu_8 g/A} \tag{34}$$

$$K_{ST} = K_{SL} = \mu_S Ag(ma)^2/(8I_F)$$
 (35)

である. 振動数 α_{DPT} が整列させるときの最適の振動数といえる. ただし、これは針が振動方向にほぼ揃ったときの条件である. 実験と数値計算によると、針が台の振動方向から大きくずれているときには、これより少し高い振動数でも針の足は滑らず、整列効果はむしろ高い. 台の振幅 5.5mm のとき、振動数は式(34)より $\omega=3.0$ × 2π rad/s が最適な振動数となる. このとき $A\omega=104$ mm/s である. しかし台を X 軸方向にわずかに 0.6 「傾けたときの針の収束角度の結果図 8 を見ると、 $A\omega=104$ mm/s を少し超えた振動数でも、振動方向に整列させようとする作用が働く. これは針が振動方向に整列していないために、式(35)の値より大きい振動数でも針の足が滑らないためと考えられる.

式(10)で表わされる針の運動は文献(8)で述べられて いる振子の下端を高い振動数で振動させたとき振子が安 定に倒立する現象と同じであることが分る.

6. ま と め

一定方向に面内振動する台に載せられた針の整列現象は、針の頭の転がり方向の摩擦力が軸方向の摩擦力や足に作用する摩擦力に比べて非常に小さいために、針は足を振動方向に揺すられるため、台の振動による角度変動が最も小さくなる方向、すなわち、台の振動方向に向くことによって起こる。すなわち振子の支持部を下にして高い振動数で加振したとき、振子が倒立する現象と基本的には同じと考えることができる。この現象は特針や釘などに代表される形状の物体で起こると考えられる。

このような釘状物体を整列させるには、台の振幅に 応じた最適な振動数がある。 釘状物体が台から滑りだす 限界の振動数が、最も整列させる作用が大きい、また、 台の振幅が大きい方が整列作用は大きい。

水平の振動台では針は 180° 異なる向きに混在して整列してしまう。 論文中では述べなかったが、台をわずかに傾いた坂面にそって振動させる(図 1 で X 軸のまわりに微小角度傾け Y 軸方向に振動させる)ことにより、下になった側に針の頭を集めることができる.

付 録 A

針の摩擦係数の測定 針が台の上を転がったときに針の頭が台から受ける転がり摩擦係数 μ 。を以下のようにして測定した。 0.6 「傾けた台の上に針を置くと、針の足 F は滑らずに針の頭 H が転がる。この針の角度の変化をビデオにより撮影し、数値計算の結果と比較することにより決定した。図 A1 にそれを示す。ただし、斜面の下向きを-90 としている。この結果から、 μ 。=0.005 とした。

 μ_R および μ_F については、針を台の上に置き、針の足側または頭側をしだいに高くしていって、軸方向に滑り出す角度から求めた。

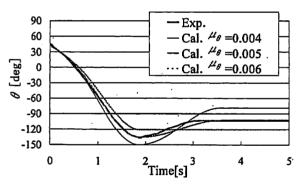


Fig. A1 Comparison of experimental data with Calculated data

付 録 B

針が台から受ける摩擦力は次式で与えられる.

$$f_{Fx} = -(\mu_F bmg/l)(\dot{x}_G + a\dot{\theta}\sin\theta)$$

$$/\sqrt{(\dot{x}_G + a\dot{\theta}\sin\theta)^2 + (\dot{y}_G - a\dot{\theta}\cos\theta - A\omega\cos\omega t)^2}$$
.....(B1)

$$f_{Fy} = -(\mu_F bmg/l)(\dot{y}_G - a\dot{\theta}\cos\theta - A\omega\cos\omega t)$$

$$/\sqrt{(\dot{x}_G + a\dot{\theta}\sin\theta)^2 + (\dot{y}_G - a\dot{\theta}\cos\theta - A\omega\cos\omega t)^2}$$
.....(B2)

$$f_{HR} = -\frac{\mu_R amg}{l} \cdot \frac{\dot{x}_G \cos \theta + \dot{y}_G \sin \theta - A\omega \cos \omega t \sin \theta}{\sqrt{(\dot{x}_G \cos \theta + \dot{y}_G \sin \theta - A\omega \cos \omega t \sin \theta)^2}}$$
.....(B3)

$$f_{H\theta} = -\frac{\mu_{\theta} a m g}{l} \cdot \frac{-\dot{x}_{G} \sin \theta + \dot{y}_{G} \cos \theta + b\dot{\theta} - A\omega \cos \omega t \cos \theta}{\sqrt{(-\dot{x}_{G} \sin \theta + \dot{y}_{G} \cos \theta + b\dot{\theta} - A\omega \cos \omega t \cos \theta)^{2}}}$$
.....(B4)

参考文献

- (1) 北郷薫他, 100 万人のダイナミクス, アグネ, 1969, 322-337.
- (2) 横山恭男他,振動応用技術,工業調査会,1991, 79-156.
- (3) 吉村省二, 木村康治, 衝突運動を利用した形状反発係数が異なる物体の分離に関する研究, 日本機械学会論文集, Vol.65, No.630, C(1999), 18-24.
- (4) K. Kawachi, H. Suzuki and F. Kimura, Simulation of Rigid Body Motion with Impulsive Friction Force, Proceedings of the IEEE International Symposium on Assembly and Task Planning, (1997), 182–187.
- (5) 小野京右、山浦弘、溝越貴章、1自由度コンタクトスライダモデルの動的接触挙動と追従性解析、日本機械学会論文集、Vol.60、No.576、C(1994)、2574-2581.
- (6) Kyosuke Ono, Hiroshi Yamamura and Takaaki Mizokoshi, Computer analysis of the dynamic contact behavior and tracking characteristics of a single-degree-of-freedom slider model for a contact recording head, Trans. of ASME, J. of Tribology, Vol.117, No.1, (1995), 124-129.
- (7) Statics and Dynamics (3rd ed.), F. P. Beer and E. R. Johnston, Jr., McGraw-Hill, 333.
- (8) ランダウ=リフシッツ (広重徹, 水戸巌訳), 力学, 東京図書, 1974, 116-119.
- (9) 戸田盛和,振動論,培風館,1968,37-42.