高エネルギー衝突と Quark 模型

伊藤 大 介、森 健 寿(埼玉大理工) 殼 山 滋 (北 大 理)

1 Introduction

高エネルギー衝突の断面積が、衝突粒子の構造、特にそれを構成するquarkの数によつて特徴づけられをことが多くし人々によつて指摘され、1)最近この考えを精密化することによつて、実験と驚くべき一致が見られるようになった。このことは高エネルギー衝突現象が粒子の構造と精密な関係を有し、両者が互に他に対して有用な情報を提供する可能性を示唆している。従つて、両者の関係の基礎を整備すると共に、この考えを更に進めて、全断面積のみならず、大角散乱や非弾性衝突を含めて高エネルギー衝突を特徴づける諸量と、粒子の構造に関する諸量の関係を明かにすることが重要を問題になる。

ここでは先づ、全断面積に関するいわゆる加算性を導く以前に述べた直感的を方法¹⁾に場の理論的基礎²⁾を与えると共に (§2), §3 では、それを前方散乱以外の弾性散乱への拡張の可能性を検討し、§4 ではN-Nの大角散乱と独立粒子模型、特に素粒子内quark の密度行列と大角散乱の角分布の可能を関係を調べる。

2 全断面積と加等性

全断面積の加算性については、以前に述べたことからもわかるように、1)-2) 主として(1) Impulse 近似と(2) Weiszacker-Williams 近似、及び(3)荷電空間に関する簡単を(あまり重要でない)近似から導かれる。2)ここで Impulse 近似というのは、問題の衝突のT-Matrix

$$< f|T|i> = < f|T_R - i\pi T^+ \delta(E_i - \overline{H})T|i>$$
 (2-1)

-26- 伊藤、森、殼山

但し T_R は散乱振巾の real part を与える部分を quarkの 2- 体衝突の T-Matrix

$$T \approx \frac{1}{4} \sum_{\substack{K_1 \ K_2 \ \alpha_1' \ \alpha_2' \ \alpha_1' \ \alpha_2' \ \alpha_1'' \ \alpha_2''}} q_{k_1'}^{\alpha_1'} + q_{k_2'}^{\alpha_2'} + \langle \vec{k}_1' \alpha_1', \vec{k}_2' \alpha_2' \mid t \mid \vec{k}_1 \alpha_1, \vec{k}_2 \alpha_2 > q_{k_1}^{\alpha_1} q_{k_2}^{\alpha_2}$$

$$(2-2)$$

でおきかえる近似を意味する。ここで $q_{\kappa}^{\alpha+}$, q_{κ}^{α} は、運動量 k, Spin Charge α たる quark の生成消滅演算子を表わす。

(2-2) を(2-1) に代入すれば

$$< f|T|i> \approx \frac{1}{4} \sum < f|q_{k'_1}^{\alpha'_1} + q_{k'_2}^{\alpha'_2} + |j> < j|q_{k_1}^{\alpha_1} q_{k_2}^{\alpha_2}|i> \times$$

$$\times <\vec{k}_1' \alpha_1', \vec{k}_2' \alpha_2' | t_R - i\pi t^+ \delta(E_1 - E_j - \vec{H}) t | \vec{k}_1 \alpha_1, \vec{k}_2 \alpha_2 > (2-3)$$

を得る。入射粒子を $A(\vec{p_1})$, $B(\vec{p_2})$, 散乱粒子を $A(\vec{p_1})$, $B(\vec{p_2})$ それらの Energy を $E^A(\vec{p_1})$ etc. とすれば

$$|i\rangle = |A(\vec{p}_1)\rangle |B(\vec{p}_2)\rangle, \qquad \langle f| = \langle A'.(\vec{p}_1')| \langle B'(\vec{p}_2')|, (2-4)\rangle$$

$$|E|_i = |E^A(\vec{p}_1)| + |E^B(\vec{p}_2)| \qquad (2-5)$$

従つて、

$$<\mathbf{f}|\mathbf{T}|\mathbf{i}>\approx \mathbf{\Sigma}<\mathbf{A}'(\overrightarrow{\mathbf{p}_{1}'})|\mathbf{q}_{\mathbf{k}_{1}'}^{\alpha_{1}^{+}}|\mathbf{j}_{1}><\mathbf{j}_{1}|\mathbf{q}_{\mathbf{k}_{1}}^{\alpha_{1}}|\mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}_{1}})>$$

$$\times<\mathbf{B}(\overrightarrow{\mathbf{p}_{2}'})|\mathbf{q}_{\mathbf{k}_{2}'}^{\alpha_{2}'}+|\mathbf{j}_{2}><\mathbf{j}_{2}|\mathbf{q}_{2}^{\alpha_{2}}|\mathbf{B}(\overrightarrow{\mathbf{p}_{2}})>$$

$$\times <\vec{k}_1' \alpha_1', \vec{k}_2' \alpha_2' \mid t_R - i\pi t^+ \delta (E^A(\vec{p}_1) + E^B(\vec{p}_2) - E_{j_1} - E_{j_2} - \vec{H}) t \mid \vec{k}_1 \alpha_1, \vec{k}_2 \alpha_2 > 0$$

$$\overline{H} = \sum_{k\alpha} E_k^{\alpha} q_k^{\alpha + q_k^{\alpha} + \overline{H}} int$$
 (2-7)

に関する固有値方程式

$$(E^{A}(\vec{p_i})-\vec{H})|A(\vec{p_i})>=0$$
 (2-8) の解である。この $|A(\vec{p_i})>$ に対し

$$(\mathbb{E}^{A}(\vec{p}_{1}) - \overline{\mathbb{H}}) q_{k_{1}}^{\alpha_{1}} | A(\vec{p}_{1}) \rangle = q_{k_{1}}^{\alpha_{1}} (\mathbb{E}^{A}(\vec{p}_{1}) - \overline{\mathbb{H}}) A(\vec{p}_{1}) \rangle - (\overline{\mathbb{H}}, q_{k_{1}}^{\alpha_{1}}) | A(\vec{p}_{1}) \rangle$$

$$= (\mathbb{E}_{k_{1}}^{\alpha_{1}} q_{k_{1}}^{\alpha_{1}}, \overline{\mathbb{H}} \operatorname{int}) | A(\vec{p}_{1}) \rangle, \qquad (2-9)$$

であるから、

$$(\mathbb{E}^{A}(\overrightarrow{p_{1}}) - \mathbb{E}_{j_{1}} - \mathbb{E}_{k_{1}}^{\alpha_{1}}) < j_{1} |q_{k_{1}}^{\alpha_{1}}| A(\overrightarrow{p_{1}}) > = < j_{1} |(q_{k_{1}}^{\alpha_{1}}, \overline{H}int)| A(\overrightarrow{p_{1}}) >$$

A(p₁) から quark 1個を抜きとつたような入射状態はないから

$$< j_1 | q_{k_1}^{\alpha_1} | A(\vec{p}_1) > = \frac{< j_1 | (q_{k_1}^{\alpha_1}, \overline{Hint}) | A(\vec{p}_1) >}{E^A(\vec{p}_1) - E_{j_1} - E_{k_1}^{\alpha_1}}$$
 (2-10)

となり、< j_1 $|q_{k}^{\alpha_1}|$ $A(\overrightarrow{p}_1)>$ は

$$E_{j_1} = E^{A}(\vec{p}_1) - E_{k_1}^{\alpha_1}$$
 (2-11)

に pole をもつ。この pole は通常 unphysical region にあるが、高エネ ルギー 衝突では physical region に近迫するいわゆる Weiszacker-Williams poleである。これに反し

$$<\vec{k}_1' \alpha_1', \vec{k}_2' \alpha_2' | t^+ \delta(\vec{E}^{A}(\vec{p}_1) + \vec{E}^{B}(\vec{p}_2) - \vec{E}_{j_1} - \vec{E}_{j_2} - \vec{H}) t | \vec{k}_1 \alpha_1, \vec{k}_2 \alpha_2 > . (2-12)$$

は中間状態 j_1 , j_2 のエネルギー E_{j_1} , E_{j_2} のゆるやかに変化する函数であろうと 考えられるから、これらをWeiszacker-Williams pole の値(2-11)で近 似出来るものと仮定する(Weiszarker-Williams 近似)すなわち(2-12)

玄

$$\approx <\vec{k}_{1}' \alpha_{1}', \vec{k}_{2}' \alpha_{2}' \mid t^{\dagger} \delta(E_{\vec{k}_{1}}^{\alpha_{1}} + E_{\vec{k}_{1}}^{\alpha_{2}} - \vec{H}) t \mid \vec{k}_{1} \alpha_{1}, \vec{k}_{2} \alpha_{2}' >$$

$$(2-13)$$

で近似する。これを(2-6) に代入し、中間状態 j_1,j_2 の和を行えば

$$< f|T|i> \approx \Sigma < \mathcal{N}(\vec{p}_1')|q_{k_1'}^{\alpha_1'} + q_{k_1}^{\alpha_1}|A(\vec{p}_1')> < B'(\vec{p}_2')|q_{k_2'}^{\alpha_2'} + q_{k_2}^{\alpha_2}|B(p_2)>$$

$$\times < \vec{k}'_1 \alpha'_1, \vec{k}'_2 \alpha_2 | t_{R} - i\pi t^{\dagger} \delta(E_{k_1}^{\alpha_2} - \vec{H}) t | \vec{k}_1 \alpha_1, \vec{k}_2 \alpha_2 > \qquad (2-14)$$

が得られる。一方系の全運動量

$$\mathbf{P} \equiv \sum_{\mathbf{k}} \vec{\mathbf{k}} \, \mathbf{q}_{\mathbf{k}}^{\alpha +} \, \mathbf{q}_{\mathbf{k}}^{\alpha} \tag{2-15}$$

について

$$\mathbf{P}_{\mathbf{Q}_{\mathbf{K}_{1}}^{\alpha_{1}}}|\mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}_{1}})>=(\overrightarrow{\mathbf{p}_{1}}-\overrightarrow{\mathbf{k}_{1}})\mathbf{q}_{\mathbf{K}_{1}}^{\alpha_{1}}|\mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}_{1}})>$$

従つて、

$$(\vec{p}_{j_1} - \vec{p}_1 + \vec{k}_1) < \vec{j}_1 | \vec{q}_{k_1} | \vec{A}(\vec{p}_1) > = 0$$
 (2-16)

となり

$$\langle j_1 | q_{\mathbf{k}_1}^{\alpha_1} | \mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}_1}) \rangle = \mathbf{M}_{j_1}(\overrightarrow{\mathbf{k}_1}\alpha_1, \overrightarrow{\mathbf{p}_1}) \delta_{\overrightarrow{\mathbf{p}_1}, \overrightarrow{\mathbf{p}_1} - \overrightarrow{\mathbf{k}_1}}$$
 (2-17)

とかけるから、

$$\sum_{j_1} < A'(\vec{p}'_1)|q_{k'_1}^{\alpha'_1}|_{j_1} > < j_1|q_{k'_1}^{\alpha_1}|A(\vec{p}_1)> =$$

$$= \delta_{\overrightarrow{k_1} - \overrightarrow{k_1}, \overrightarrow{p_1} - \overrightarrow{p_1}'} \sum_{j_1} M_{j_1}^{+} (\overrightarrow{k_1} \alpha_1', \overrightarrow{p_1}') M_{j_1} (\overrightarrow{k_1} \alpha_1, \overrightarrow{p_1}) \delta_{\overrightarrow{p_1} - \overrightarrow{k_1}}$$
 (2-18)

となり、Momentum Transfer を

$$\vec{p}_1 - \vec{p}_1' \equiv \vec{J} \tag{2-19}$$

-29-

とおけば

$$=\delta_{\overrightarrow{A},\overrightarrow{K}_{1}-\overrightarrow{K}_{1}},$$

$$(2-20)$$

とかくことができる。従つて、

$$<\mathbf{f} \mid \mathbf{T} \mid \mathbf{i}> \approx \mathbf{\Sigma} <\mathbf{A'} (\vec{\mathbf{p}_{1}'}) \mid \mathbf{q}_{\mathbf{k_{1}}-\mathbf{A}}^{\alpha_{1}'} + \mathbf{q}_{\mathbf{k_{1}}}^{\alpha_{1}'} \mid \mathbf{A}(\vec{\mathbf{p}_{1}}) > <\mathbf{B'} (\vec{\mathbf{p}_{2}'}) \mid \mathbf{q}_{\mathbf{k_{2}}+\mathbf{A}}^{\alpha_{2}'} + \mathbf{q}_{\mathbf{k_{2}}}^{\alpha_{2}} \mid \mathbf{B}(\vec{\mathbf{p}_{2}}) >$$

$$\times <\mathbf{k}_{1}-\mathbf{A}, \alpha_{1}', \mathbf{k}_{2}+\mathbf{A}', \alpha_{2}' \mid \mathbf{t}_{\mathbf{R}}-\mathbf{i}\pi\mathbf{t}^{+}\delta(\mathbf{E}_{\mathbf{k_{1}}}^{\alpha_{1}}+\mathbf{E}_{\mathbf{k_{2}}}^{\alpha_{2}}-\mathbf{H})\mathbf{t} \mid \mathbf{k}_{1}\alpha_{1}, \mathbf{k}_{2}\alpha_{2}>.$$

$$(2-21)$$

となる。

さて衝突 $A+B\to A'+B'$ の C.M. 系 $(p_1=-p_2=p)$ に於る微分断面積は

$$\frac{d^{\sigma}A'B';AB}{dQ} = \frac{(2\pi)^{4}p^{2}}{V_{rel}^{2}(\vec{p},-\vec{p})} | |^{2} = |f_{AB\rightarrow A'B'}(p,\vec{d})|^{2}$$
(2-22)

で、散乱振巾は

$$f_{AB \to A'B'}(p, \vec{d}) = \frac{-4\pi^2 p}{v_{rel}(\vec{p}, -\vec{p})} < f|T|i>$$
 (2-23)

で与えられる。 弾性散乱 A+B-A+B の前方散乱 (4=0)の振巾の虚数部分は、 (t_R) は定義により実部分のみを与えるから)

$$\operatorname{Im} f_{AB}(p,0) = \frac{4 \pi^{3} p}{v_{rel}(\vec{p},-\vec{p})} \sum_{k_{1}} \left\{ \operatorname{Ap} \left(q_{k_{1}}^{\alpha_{1}} \right) \right\} \left\{ \operatorname{Ap} \left(q_{k_{1}}^{\alpha_{1}} \right) \right\} \left\{ \operatorname{Ap} \left(q_{k_{1}}^{\alpha_{1}} \right) \right\} \left\{ \operatorname{Ap} \left(q_{k_{2}}^{\alpha_{1}} \right) \right\} \left\{ \operatorname{App} \left(q_{k_{2}}^{\alpha_{1}} \right)$$

となる。特にこの散乱でSpin, Isospin, Strangeness の exchangeは無

-30- 伊 藤、 森、 殼 山

視出来るものと仮定すれば、

$$< A(\vec{p}_1) | q_k^{\alpha'_1 + \alpha_1} | A(\vec{p}_1) > \approx \delta_{\alpha'_1 + \alpha_1} < A(\vec{p}) | q_{k_1}^{\alpha_1 + \alpha_1} | A(\vec{p}_1) > (2-25)$$

で、(以後この近似をL-近似とよぶことにする。)この近似が許されるとき、

$$I = f_{AB}(p0) \approx \frac{4\pi^{3}p}{V_{r,el}(\vec{p}, -\vec{p})} \sum_{\alpha_{1}\alpha_{2}} f_{d\vec{k}_{1}} d\vec{k}_{2} < A(\vec{p}) |q_{\kappa_{1}}^{+\alpha_{1}} q_{\kappa_{1}}^{\alpha_{1}} |A(\vec{p}) > < B(-\vec{p}) |q_{\kappa_{2}}^{+\frac{1}{2}} q_{\kappa_{2}}^{\alpha_{2}} |B(-\vec{p}) >$$

$$\times \sum_{r_{1}} |c_{r_{1}}| t |\vec{k}_{1} |\alpha_{1}|, \vec{k}_{2} |\alpha_{2}| > |^{2} \delta(E_{\kappa_{1}}^{\alpha_{1}} + E_{\kappa_{2}}^{\alpha_{2}} - E_{n}) \quad (2-26)$$

となる。

一方

$$\sigma_{\mathbf{q}-\mathbf{q}}^{\text{tot}}(\vec{\mathbf{k}}_{1}\alpha_{1},\vec{\mathbf{k}}_{2}\alpha_{2}) = \frac{(2\pi)^{4}}{V_{\text{rel}}(\vec{\mathbf{k}}_{1},\vec{\mathbf{k}}_{2})} \sum_{\mathbf{n}} |\langle \mathbf{n} | \mathbf{t} | \vec{\mathbf{k}}_{1}\alpha_{1}, \vec{\mathbf{k}}_{2}\alpha_{2} \rangle|^{2} \delta(\mathbf{E}_{\mathbf{k}_{1}}^{\alpha_{1}} + \mathbf{E}_{\mathbf{k}_{2}}^{\alpha_{2}} - \mathbf{E}_{\mathbf{n}})$$

$$(2-27)$$

は quarks $(\vec{k}_1 \alpha_1)$, $(\vec{k}_2 \alpha_2)$ の衝突断面積。

$$n_{\mathbf{A}}^{\alpha_{1}}(\overrightarrow{\mathbf{k}_{1}}) \equiv \langle \mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}_{1}}) | \mathbf{q}^{+\alpha_{1}}_{\kappa_{1}} \mathbf{q}_{\kappa_{1}}^{\alpha_{1}} | \mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}_{1}}) \rangle \qquad (2-28)$$

は運動量 $\overrightarrow{p_1}$ ではしる粒子A内にある $quark(\overrightarrow{k_1}\alpha_1)$ の平均数であるから、これを用いて、(2-26)は

$$\operatorname{Im} f_{AB}(p,0) \approx \frac{p}{4\pi} \sum_{\alpha_1 \alpha_2} \int d\vec{k}_1 \int d\vec{k}_2 \, n_A^{\alpha_1}(\vec{k}_1) n_B^{\alpha_2}(\vec{k}_2) \frac{v_{\text{rel}}(\vec{k}_1, \vec{k}_2)}{v_{\text{rel}}(\vec{p}, -\vec{p})} \sigma_{q-q}^{\text{tot}}(\vec{k}_1 \alpha_1, \vec{k}_2 \alpha_2)$$

とかけ、光学定理により、

$$\sigma_{AB}^{\text{tot}}(\vec{p}, -\vec{p}) \approx \sum_{\alpha_1 \alpha_2} \int d\vec{k}_1 d\vec{k}_2 \ n_A^{\alpha_1}(\vec{k}_1) \ n_B^{\alpha_2}(\vec{k}_2) \frac{v_{\text{rel}}(\vec{k}_1, \vec{k}_2)}{v_{\text{rel}}(\vec{p}, -\vec{p})} \ \sigma_{q-q}^{\text{tot}}(\vec{k}_1 \alpha_1, \vec{k}_2 \alpha_2)$$

が得られる。これは既に筆者の一人が直感的に導いた結果に他ならない。 $\sigma_{q-q}^{tot}(\vec{k}_1\alpha_1,\vec{k}_2\alpha_2)$ が高エネルギーで、エネルギーに強く依存しないときは、

(2-29) で o tot を q-q

$$\sigma_{\mathbf{q}-\mathbf{q}}^{\mathsf{tot}}(<\mathbf{k}_1>\alpha_1,<\mathbf{k}_1>\alpha_1,<\mathbf{k}_2>\alpha_2) \tag{2-30}$$

でおきかえてもよい。但し $<\vec{k}_1>$, $<\vec{k}_2>$ は粒子A,B 内のquark の平均運動量で

$$\langle \vec{k}_1 \rangle \approx \frac{\vec{p}}{n_A}$$
, $\langle \vec{k}_2 \rangle \approx \frac{-\vec{p}}{n_B}$ (2-31)

$$\sigma_{AB}^{\text{tot}}(\vec{p}, -\vec{p}) \approx \sum_{\alpha_1 \alpha_2} n_A^{\alpha_1} n_B^{\alpha_2} \frac{v_{\text{rel}}(\langle \vec{k}_1 \rangle, \langle \vec{k}_2 \rangle)}{v_{\text{rel}}(\vec{p}, -\vec{p})} \sigma_{q-q}^{\text{tot}}(\langle \vec{k}_1 \rangle, \langle \vec{k}_2 \rangle \alpha_2).$$

(2-32)

但し

$$n_{A}^{\alpha_{1}} \equiv \int d\vec{k}_{1} n_{A}^{\alpha_{1}}(\vec{k}_{1}) \qquad (2-33)$$

は粒子A内にある quark の の総数を表わす。 pが充分大きい($\rightarrow \infty$ の極限の)時は

$$v_{rel}(<\vec{k}_1>,<\vec{k}_2>)/v_{rel}(\vec{p},-\vec{p})\rightarrow \frac{2c}{2c}=1 (C: \text{ : } \text{ : }$$

であるから、

$$\sigma_{AB}^{\text{tot}} \approx \sum_{\alpha_1, \alpha_2} n_A^{\alpha_1} n_B^{\alpha_2} \sigma_{q-q}^{\text{tot}} (\infty; \alpha_1, \alpha_2)$$
 (2-35)

となり、これがLipkin 等の加算性に他ならない。この結果を得るために我々は(1) Impulse 近似(2) W-W近似(3) L- 近似を行った。更にquark 間の衝突断面積がquark の種類によらないという近似(以後I- 近似と呼ぼう)

$$-32-$$

伊 藤、 森、 殼 山

$$\sigma_{\mathbf{q}-\mathbf{q}}(\alpha_1,\alpha_2) \equiv \sigma_{\mathbf{q}-\mathbf{q}}$$
(2-36)

を行えば、

$$\sigma_{AB}^{\text{tot}} \approx n_A n_B \sigma_{Q-Q}^{\text{tot}} \approx (2-37)$$

但し

$$n_{A} = \sum_{\alpha_{1}} n_{A}^{\alpha_{1}} \tag{2-38}$$

は、粒子A内に含まれるquark の総数である。(2-37) は

$$\sigma_{N-N}^{tot} = n_N^2 \sigma_{q-q}^{tot}$$

$$\sigma_{m-N}^{tot} = n_N n_{\pi} \sigma_{q-q}^{tot}$$

$$\sigma_{m-\pi}^{tot} = n_{\pi}^2 \sigma_{q-q}^{tot}$$

$$\sigma_{m-\pi}^{tot} = n_{\pi}^2 \sigma_{q-q}^{tot}$$
(2-39)

なる関係を与え、これから σ_{q-q}^{tot} を消去すれば σ_{NN}^{tot} σ_{NN}^{tot}

$$\frac{n_{N}}{n_{\pi}} = \frac{\sigma_{N-N}^{\text{tot}}}{\sigma_{\pi-N}^{\text{tot}}} = \frac{\sigma_{\pi-N}^{\text{tot}}}{\sigma_{\pi-\pi}^{\text{tot}}}$$
(2-40)

 n_N , n_π を消去すれば

$$\sigma_{N-N}^{\text{tot}} \sigma_{\pi-\pi}^{\text{tot}} = (\sigma_{\pi-N}^{\text{tot}})^2$$
 (2-41)

が得られる。 $\sigma_{N-N}^{\rm tot} \approx 40\,{\rm mb}$, $\sigma_{\pi-N}^{\rm tot} \approx 25\,{\rm mb}$ とすれば

$$\frac{n_{\rm N}}{n_{\pi}} = \frac{40 \text{mb}}{25 \text{mb}} = 1,60$$

とたり、これは
$$n_{\pi}=2$$
, $n_{N}=3$ と Consistentである。このとき
$$\frac{\cot}{q_{NN}} \frac{\cot}{q} \frac{\cot}{6} = \frac{\cot}{q-q} \frac{\cot}{q-q}$$
 (2-42)

高エネルギー衝突と Quark 模型 -33-

となり、 $\sigma_{q-q}^{\text{tot}}=4,2\,\text{mb}$ とすれば、この関係から

$$\sigma_{\rm N-N}^{\rm tot} = 37.8 \, \rm mb$$

$$\sigma_{\rm \pi-N}^{\rm tot} = 25.2 \, \rm mb$$

$$\sigma_{\rm \pi-N}^{\rm tot} = 16.8 \, \rm mb$$

$$(2-43)$$

が得られる。

弾性散乱の断面積 3

以上の結果はLipkin 等の基礎とした式を与えるほかに、これを前方散乱以 外に拡張する可能性を与える。 弾性散乱A+B→A+Bに対して、(2-22)式 は上 近似で

$$(\frac{d \sigma_{AB}}{d t}) = \frac{16 \pi^5}{v_{rel}^2(\vec{p}, -\vec{p})} | \sum_{\alpha_1 \alpha_2} \int \langle A(\vec{p} - \vec{A}) | q_{k_1 - \vec{A}}^{\alpha_1 +} q_{k_1}^{\alpha_1} | A(\vec{p}) \rangle d\vec{k}_1 \times$$

$$\times f < \mathbb{B}(-\overrightarrow{p}+\overrightarrow{\Delta})|q|_{\mathbf{k}_{2}+A}^{\alpha_{2}+1} \mathbb{B}(-\overrightarrow{p}) > < \overrightarrow{\mathbf{k}_{1}}-\overrightarrow{\Delta}, \alpha_{1}; \overrightarrow{\mathbf{k}_{2}}+\overrightarrow{\Delta}, \alpha_{2}|t|\overrightarrow{\mathbf{k}_{1}}\alpha_{1}, \overrightarrow{\mathbf{k}_{2}}\alpha_{2} > \mathring{\mathbf{f}}$$

$$(3-1)$$

となり、更に I- 近似では

$$\left(\frac{\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{AB}}^{\mathrm{el}}}{\mathrm{dt}}\right) \approx \frac{\mathrm{v}_{\mathrm{rel}}^{2}(<\vec{k}_{1}>,<\vec{k}_{2}>)}{\mathrm{v}_{\mathrm{rel}}^{2}(\vec{p},-\vec{p})} \, n_{\mathrm{A}}^{2}(t) n_{\mathrm{B}}^{2}(t) \left(\frac{\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{q-q}}^{\mathrm{el}}}{\mathrm{d}t}\right) \tag{3-2}$$

とかける。但し

$$n_{A}(t) \equiv \sum_{\alpha_{1}} \langle A(\overrightarrow{p}-\overrightarrow{d})| f q_{\kappa_{1}-\overrightarrow{d}}^{\alpha_{1}+} q_{\kappa_{1}}^{\alpha_{1}} d\overrightarrow{k}_{1} | A(\overrightarrow{p}_{1}) \rangle$$
 (3-3)

従つて、この近似では

$$\frac{\left(\frac{\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{N-N}}^{\mathrm{el}}}{\mathrm{dt}}\right)}{\left(\frac{\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{n-N}}^{\mathrm{el}}}{\mathrm{dt}}\right)} \approx \left(\frac{\mathrm{n_{N}(t)}}{\mathrm{n_{\pi}(t)}}\right)^{2} \tag{3-4}$$

-34- 伊藤、藤、瀬山

を与える。また

$$n_A(t) \equiv n_A(0) f_A(t) = n_A f_A(t)$$
 (3-5)

とおけば

$$\sigma_{AB}^{el} \approx \int_{-1}^{0} t_{1} \int_{\max}^{1} n_{A}^{2}(t) n_{B}^{2}(t) \left(\frac{d\sigma_{Q-Q}^{el}}{dt}\right) dt$$

$$= n_{A}^{2} n_{B}^{2} \int_{-1}^{0} t_{1} \int_{\max}^{0} dt f_{A}^{2}(t) f_{B}^{2}(t) \left(\frac{d\sigma_{Q-Q}^{el}}{dt}\right)$$
(3-6)

従つて、

$$\frac{\sigma_{N-N}^{el}}{\sigma_{\pi-N}^{el}} = \left(\frac{n_{N}}{n_{\pi}}\right)^{2} \times \frac{\int dt \ f_{N}^{2}(t) f_{N}^{2}(t) d\sigma_{q-q}^{el} / dt}{\int dt \ f_{\pi}^{2}(t) \ f_{N}^{2}(t) d\sigma_{q-q}^{el} / dt}$$

$$= \frac{9}{4} \times R(N/\pi) = 2 \cdot 25 \ R(N/\pi) \tag{3-7}$$

とかける。 $p_{lab} > 10 Gev./c$ 以上の実験結果をみると、Table 1 の通りである。

Table 1

No.				
plab(Gev./c)	$\sigma_{\pi-N}^{\text{el}}(\text{mb})$	$\sigma_{ m N-N}^{ m el}(m mb)$	$\sigma_{\mathrm{NN}}^{\mathrm{el}}/\sigma_{\pi\mathrm{N}}^{\mathrm{el}}$	R(N/π)
12.8	$(\pi^+, p) = 4.58 \pm 0.13$	$(p,p)=10.89 \pm 0.30$	2 - 38	1.06
14.8	$(\pi^+, p) = 4.46 \pm 0.15$	$(p,p)=10.48 \pm 0.32$	2 • 3 5	1 - 02
15.0	$(\pi,p)=4.62\pm0.15$	これを用い	2 - 26	1.00
16.7	$(\pi^{+}, p) = 3.98 \pm 0.15$	(p,p)=9-74 ± 0-37	2 - 4 5	1 - 09
17-0	$(\pi,p)=4.11\pm0.14$	→これを用い	2 · 3 7	1 • 0 3

 $\sigma_{
m NN}^{
m el}/\sigma_{\pi N}^{
m el}$ は $2\cdot 25$ に近く、 ${
m R}({
m N}/\pi)\!\lesssim\!1\!\pm\!0\cdot 1$ である。

高エネルギー衝突と Quark 模型

-35-

このことは el に寄与の大きいDiffraction Zoneでは、少くとも

$$\frac{n_{N}(t)}{n_{N}(0)} \approx \frac{n_{\pi}(t)}{n_{\pi}(0)}$$
 (3-8)

であることを示している。特に

$$n_A(t) \equiv n_A(0) e^{R_A^2 t}$$
, $\frac{d\sigma_{q-q}^{el}}{dt} \equiv (\frac{d\sigma_{q-q}}{dt})_{t=0} e^{R_q^2 t}$ (3-9)

とおいてみれば、

$$\frac{\sigma_{\text{NN}}^{\text{el}}}{\sigma_{\pi N}^{\text{el}}} \approx 2 \cdot 25 \left(1 + \frac{R_{\pi}^2 - R_{N}^2}{2R_{N}^2 + R_{Q}^2}\right)$$
 (3-10)

となるから、上の結果は

$$R_{\pi}^2 - R_N^2 \lesssim (2R_N^2 + R_Q^2)/22.5$$
 (3-11)

であることを示している。

4 大角散乱と独立粒子模型

前節で、 σ^{el} に対して、 σ^{tot} の加算性が反映されていることをたしかめたが、 σ^{el} の大部分は Diffraction Range からの寄与であるから、これはむしろ当然のことであろう。

粒子の構造に関する情報を得るのにむしろ興味のあるのは s^{el} に寄与は少いが、Diffraction Range を越えた Range (|t|>1(Gev/c)²)の大角散乱であろう。

大角散乱が影響散乱かどうかについては、実験的には決定的をことはわかつていない。ただ、p-p大角散乱の $Orear\ plot\ を <math>t=0$ まで外挿して得られる前方散乱の断面積が実験で測定された前方散乱の振巾の実数部分の自乗に一致することや、 $d\sigma^{el}/dt$ を t の函数としてplot したとき、前方の $diffracti-on\ peak$ が t のみの函数で、s にあまりよらないのに反して、大角散乱の部

-36- 伊藤、森、殼山

分がsによってひどくバラつくことなどからみて、大角散乱は、散乱振巾の実数部分によるものではないかという見方が可能になる。この見方では、大角散乱は、Potential 散乱のようなものと考えられるが、大角では散乱振巾自身が非常に小さく、また高エネルギーでは、衝突時間が短かいので、反覆散乱は無視出来ると考えられるから、この散乱振巾の実数部分は、適当な粒子交換による力のBorn 近似で記述出来るものと見做すことが出来よう。

このように問題を単純化しても、大角散乱の異常を規則性が、交換力の異常(例えば、交換される粒子が、通常の粒子ではなくて、Regge 化又はMarkov 化した化物粒子であるか)によるものか、衝突粒子の構造によるものか決し難い問題である。(端的に云えば、大角散乱のForm Factor を Ver tex に背負わせるかの Ambi gui ty である。現象論としては何れの立場も可能である。) 真実は中間にあるかも知れないが、このような場合、先づ極限の場合の吟味からはじめるべきであろう。

ここでは、先づ、交換力は正常をBoson(Pion) によるものと仮定し、大角 散乱と衝突粒子の構造の関係を調べてみよう。

Quark (/x) とPion (/x) の相互作用を簡単に

$$H(x) = i \mathcal{G}_0 \overline{\phi(x)} \gamma_5 \overline{\phi(x)} \phi(x) \equiv i \mathcal{G}_0 J_5(x) \phi(x)$$
 (4-1)

と仮定すれば、

$$= (-i)^2 \int dx dy < A(p_1')|ig_0 J_5(x)|A(p_1)> < P(\phi(x), \phi(y))>_0$$

$$\times$$

$$= -(2\pi)^{4} i \, \delta(p_{1} + p_{2} - p_{1}' - p_{2}') g_{0}^{2} \frac{\langle A(p_{1}') | J_{5}(0) | A(p_{1}) \rangle \langle B(p_{2}') | J_{5}(0) | B(p_{2}) \rangle}{4^{2} + m_{\pi}^{2}}$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

$$\langle A(\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | A(\vec{p} + \frac{\vec{J}}{2}) \rangle \langle B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) | J_{5}(0) | B(-\vec{p} - \frac{\vec{J}}{2}) \rangle$$

-37-

をp≈0の系で計算するため、Lorentz 変換

$$\sqrt{\mathbb{E}_{\mathbf{p}}^{\mathbf{A}} - \frac{\mathbf{d}}{2}} < \mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}} - \frac{\overrightarrow{\mathbf{d}}}{2}) \mathbf{N}_{\mathbf{g}}(0) | \mathbf{A}(\overrightarrow{\mathbf{p}} + \frac{\overrightarrow{\mathbf{d}}}{2}) > \sqrt{\mathbb{E}_{\mathbf{p}}^{\mathbf{A}} + \frac{\mathbf{d}}{2}} =$$

$$\sqrt{\mathbb{E}_{\mathbf{p}+\frac{\mathbf{d}}{2}}^{\mathbf{A}}} < \mathbf{A}(\frac{-\mathbf{d}}{2}) |\mathbf{J}_{5}(0)| \mathbf{A}(\frac{\mathbf{d}}{2}) > \sqrt{\mathbb{E}_{\frac{\mathbf{d}}{2}}^{\mathbf{A}}}$$

$$(4-4)$$

を行えば、

$$< f |T| i> = \frac{(2\pi)^3 g_0^2}{4^2 + m_{\pi}^2} \frac{E_{A/2}^A E_{A/2}^B}{(E_{p+\frac{A}{2}}^A E_{p-\frac{A}{2}}^B E_{p+\frac{A}{2}}^B E_{p-\frac{A}{2}}^B) |J_5(0)| A_{\frac{A}{2}}^{\frac{A}{2}}) > \times$$

$$\times < \mathbb{B}(\frac{\overrightarrow{\Delta}}{2}) |J_{5}(0)| \mathbb{B}(\frac{-\overrightarrow{\Delta}}{2}) > \tag{4-5}$$

さて、

$$<\mathcal{A}(\frac{1}{2})|J_{S}(0)|\mathcal{A}(\frac{1}{2})> = \frac{1}{(2\pi)^{3}}\int d\vec{k}' d\vec{k} < \mathcal{A}(\frac{1}{2})|\vec{\phi}(\vec{k}' t=0) r_{5} \phi(\vec{k}, 0)|\mathcal{A}(\frac{1}{2})>$$

$$= \frac{1}{(2\pi)^3} \sum_{\mathbf{n}} \int d\vec{\mathbf{p}}_{\mathbf{n}} \int d\vec{\mathbf{k}}' d\vec{\mathbf{k}} < A(\frac{-\Delta}{2}) |\vec{\mathbf{q}}(\vec{\mathbf{k}}'; 0) r_5 |\mathbf{n} \cdot \vec{\mathbf{p}}_{\mathbf{n}} > \delta(\vec{\mathbf{p}}_{\mathbf{n}} - \vec{\mathbf{k}}' + \frac{\vec{\Delta}}{2})$$

$$\times < n, \overrightarrow{p}_n | \phi(\overrightarrow{k} \cdot 0) | A(\frac{\overrightarrow{d}}{2}) > \delta(\overrightarrow{p}_n - \overrightarrow{k} - \frac{\overrightarrow{d}}{2})$$

$$=\frac{1}{(2\pi)^3}\int d\vec{k}'d\vec{k}\,\delta(\vec{k}'-\vec{k}-\vec{d}-\vec{d})\sum_{n}\langle A(\frac{-\vec{d}}{2})|\vec{\phi}(\vec{k}',0)\gamma_5|n,\vec{k}+\frac{\vec{d}}{2}\rangle\langle n,\vec{k}+\frac{\vec{d}}{2}|\psi(\vec{k},0)|A(\frac{\vec{d}}{2})\rangle$$

$$=\frac{1}{(2\pi)^3}\int d\vec{\mathbf{K}} < A(\frac{-\vec{\lambda}}{2})|\vec{\phi}(\vec{\mathbf{K}}+\frac{\vec{\lambda}}{2})\gamma_5\phi(\vec{\mathbf{K}}-\frac{\vec{\lambda}}{2})|A(\frac{\vec{\lambda}}{2})>$$
(4-6)

であるから、 $E_{p\pm 4/2} \equiv E_{p_0}(C.M.)$ とおけば

$$< f|T|i> = \frac{g_0^2}{(2\pi)^3} \frac{E_{A/2}^A E_{A/2}^B}{E_{p_0}^A E_{p_0}^B} \frac{1}{a^2 + m_{\pi}^2} \times$$

$$\times < A(\frac{-\overrightarrow{\Delta}}{2})|\int d\overrightarrow{K}\psi (\overrightarrow{K} + \frac{\overrightarrow{\Delta}}{2})r_{5}\psi(\overrightarrow{K} - \frac{\overrightarrow{\Delta}}{2})|A(\frac{\overrightarrow{\Delta}}{2})> < B(\frac{\overrightarrow{\Delta}}{2})|\int d\overrightarrow{K}' \overline{\psi}(\overrightarrow{K}' - \frac{\overrightarrow{\Delta}}{2})r_{5}\psi(\overrightarrow{K}' + \frac{\overrightarrow{\Delta}}{2})|B(\frac{-\overrightarrow{\Delta}}{2})>$$

$$(4-7)$$

が得られる。

ここで、<A(-d/2) $|\int d\vec{k}\psi(\vec{k}+4/2)r_5\phi(\vec{k}-4/2)|A(\frac{d}{2})>$ $|A(\frac{d}{2})>$ $|A(\frac{d}$

$$\vec{\alpha} \cdot \vec{k} \psi_{\vec{m}}(\vec{k}) + \int d\vec{k}' \left[M \delta(\vec{k} - \vec{k}') - V(\vec{k} - \vec{k}') \right] \beta \phi_{\vec{m}}(\vec{k}') = \epsilon_{\vec{m}} \psi_{\vec{m}}(\vec{k})$$

$$\psi_{\vec{m}'}^{+}(\vec{k}) \vec{\alpha} \cdot \vec{k} + \int d\vec{k}' \psi_{\vec{m}'}^{+}(\vec{k}') \beta \left[M \delta(\vec{k} - \vec{k}) - V(\vec{k} - \vec{k}) \right] = \epsilon_{\vec{m}} \psi_{\vec{m}'}^{+}(\vec{k})$$

$$(4-8)$$

で定義されるLevel にあたるものとする。(4-7) 式内の $\psi(\vec{K}\pm\vec{A}/2)$ を(4-8) で定義される完全系で展開し

$$\psi(\vec{k}) = \sum_{m} q_{m} \psi_{m}(\vec{k})$$
 (4-9)

とすれば、これを代入し

$$<\mathbf{f}|\,\mathbf{T}|\,\mathbf{i}> = \frac{g_0^2/(2\pi)^3}{4^2+m_\pi^2}\,\,\frac{\mathbb{E}_{A_2}^{A}\,\mathbb{E}_{A_2}^{B}}{\mathbb{E}_{p_0}^{A}\,\mathbb{E}_{p_0}^{B}\,\mathbf{m}\,\mathbf{m}\,\mathbf{n'}\mathbf{n}} \sum_{\mathbf{m}}^{\Sigma} \sum_{\mathbf{m}'} <\mathbf{A}(\frac{-\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{m}'}^{+},\,\mathbf{q}_{\mathbf{m}}\,\mathbf{M}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}}|\,\mathbf{H}(\frac{-\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}}|\,\mathbf{H}(\frac{-\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}}|\,\mathbf{H}(\frac{-\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}}|\,\mathbf{H}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{H}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{H}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{H}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{H}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{H}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{H}(\frac{\vec{A}}{2})> \times <\mathbf{B}(\frac{\vec{A}}{2})|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^{+}\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{q}_{\mathbf{n}'}|\,\mathbf{$$

$$\times \int \overline{\phi_{\rm m'}} (\vec{\mathbb{K}} + \frac{\vec{\lambda}}{2}) \tau_{\rm s} \phi_{\rm m} (\vec{\mathbb{K}} - \frac{\vec{\lambda}}{2}) d\vec{\mathbb{K}} \times \int \overline{\psi_{\rm m'}} (\vec{\mathbb{K}'} - \frac{\vec{\lambda}}{2}) \tau_{\rm s} \phi_{\rm m} (\vec{\mathbb{K}'} + \frac{\vec{\lambda}}{2}) d\vec{\mathbb{K}'} (4-10)$$

が得られる。さて、(4-8)から以前と同様にして、

$$(\epsilon_{m'} + \epsilon_{m}) f \overline{\phi}_{m'} (\overline{K} + \overline{4}_{2}) r_{5} \phi_{m} (\overline{K} + \overline{4}_{2}) d\overline{K} =$$

$$= \int \overline{\psi}_{\mathrm{mf}} (\vec{K} + \frac{\vec{\lambda}}{2}) \left(r_{5} \vec{\alpha} \cdot (\vec{K} - \frac{\vec{\lambda}}{2}) + r_{4} \vec{\alpha} \cdot (\vec{K} + \frac{\vec{\lambda}}{2}) r_{4} r_{5} \right) \phi_{\mathrm{m}} (\vec{K} - \frac{\vec{\lambda}}{2}) d\vec{k} +$$

 $+ \int \int \overline{\phi}_{m'} (\vec{K} + \vec{A}/2) (r_4 r_5 (M \delta (\vec{K} - \vec{K'}) - V(\vec{K} - \vec{K'}) - V(\vec{K} - \vec{K'})) r_4$

$$+ r_4(M\delta(\vec{K} - \vec{K}') - V(\vec{K} - \vec{K}'))r_4 r_5) \phi_{\underline{m}}(\vec{K}' - \frac{\vec{A}}{2}) d\vec{K} d\vec{K}'$$

$$(4-11)$$

が得られ、VがScalar 又はPs-のとき、最後の被積分項は零になるから、これから、

$$\frac{\int \overline{\phi}_{\underline{m}'}(\vec{K} + \frac{\vec{\Delta}}{2}) r_{5} \phi_{\underline{m}}(\vec{K} - \frac{\vec{\Delta}}{2}) d\vec{K} =}{\frac{\vec{\Delta} \cdot \int \overline{\phi}_{\underline{m}'}(\vec{K} + \frac{\vec{\Delta}}{2}) \vec{\sigma} \psi_{\underline{m}}(\vec{K} - \frac{\vec{\Delta}}{2}) d\vec{K}}{\varepsilon'_{\underline{m}} + \varepsilon_{\underline{m}}} = \frac{\vec{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\underline{m}'\underline{m}}(\vec{\Delta})}{\varepsilon'_{\underline{m}'} + \varepsilon_{\underline{m}}}, \qquad (4-12)$$

が得られる。これを用い

$$< f | \mathbf{T} | i > = -\frac{g_0^2}{(2\pi)^3} \frac{\mathbb{E}_{\Delta/2}^A \mathbb{E}_{\Delta/2}^B}{\mathbb{E}_{p_0}^A \mathbb{E}_{p_0}^B} \sum_{\mathbf{m}' \mathbf{m}} \frac{< \mathbf{A}(\frac{-\Delta}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{m}'}^+ \mathbf{q}_{\mathbf{m}} | \mathbf{A}(\frac{\lambda}{2}) > \overrightarrow{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\mathbf{m}' \mathbf{m}} | \overrightarrow{\Delta}}{\varepsilon_{\mathbf{m}'} + \varepsilon_{\mathbf{m}}} \times \frac{< \mathbf{B}(\frac{\lambda}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{m}'}^+ \mathbf{q}_{\mathbf{n}} | \mathbf{B}(\frac{-\lambda}{2}) > \overrightarrow{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\mathbf{n}' \mathbf{n}} | \overrightarrow{\Delta}}{\varepsilon_{\mathbf{n}'} + \varepsilon_{\mathbf{n}}} \times \frac{< \mathbf{B}(\frac{\lambda}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^+ \mathbf{q}_{\mathbf{n}} | \mathbf{B}(\frac{-\lambda}{2}) > \overrightarrow{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\mathbf{n}' \mathbf{n}} | \overrightarrow{\Delta}}{\varepsilon_{\mathbf{n}'} + \varepsilon_{\mathbf{n}}} \times \frac{< \mathbf{B}(\frac{\lambda}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^+ \mathbf{q}_{\mathbf{n}} | \mathbf{B}(\frac{-\lambda}{2}) > \overrightarrow{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\mathbf{n}' \mathbf{n}} | \overrightarrow{\Delta}}{\varepsilon_{\mathbf{n}'} + \varepsilon_{\mathbf{n}}} \times \frac{< \mathbf{B}(\frac{\lambda}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^+ \mathbf{q}_{\mathbf{n}} | \mathbf{B}(\frac{-\lambda}{2}) > \overrightarrow{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\mathbf{n}' \mathbf{n}} | \overrightarrow{\Delta}}{\varepsilon_{\mathbf{n}'} + \varepsilon_{\mathbf{n}}} \times \frac{< \mathbf{B}(\frac{\lambda}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{n}'}^+ \mathbf{q}_{\mathbf{n}} | \mathbf{B}(\frac{-\lambda}{2}) > \overrightarrow{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\mathbf{n}' \mathbf{n}} | \overrightarrow{\Delta}}{\varepsilon_{\mathbf{n}'} + \varepsilon_{\mathbf{n}}} \times \frac{< \mathbf{B}(\frac{\lambda}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{n}'} | \mathbf{q}_{\mathbf{n}} | \mathbf{B}(\frac{-\lambda}{2}) > \overrightarrow{\Delta} \cdot \overrightarrow{\sigma}_{\mathbf{n}' \mathbf{n}} | \overrightarrow{\Delta}}{\varepsilon_{\mathbf{n}'} + \varepsilon_{\mathbf{n}}} \times \frac{< \mathbf{B}(\frac{\lambda}{2}) | \mathbf{q}_{\mathbf{n}'} | \mathbf{q}$$

$$= -\frac{g_0^2 / 8 \pi^3}{4^2 + m_\pi^2} \frac{E_{4/2}^A E_{4/2}^B}{E_{0_0}^A E_{0_0}^B} \left(\frac{1}{2 \epsilon_0}\right)^2 < A\left(\frac{-\overrightarrow{d}}{2}\right) | \mathbf{q}_{0i}^+ \overrightarrow{\sigma}_{ij}(A) \mathbf{q}_{0j} | A\left(\frac{\overrightarrow{d}}{2}\right) > \cdot \overrightarrow{d}$$

$$\times < B\left(\frac{\overrightarrow{d}}{2}\right) | \mathbf{q}_{0i}^+ \overrightarrow{\sigma}_{ij}(-A) \mathbf{q}_{0j} | B\left(\frac{-\overrightarrow{d}}{2}\right) > \cdot \overrightarrow{d}$$

+
$$\sum_{m'} \sum_{n \neq 0} \sum_{n' \neq 0} \cdots \sum_{n \neq 0} \sum_$$

となる。粒子A,B内で、quarksがすべてground state にあり、1があまり大きくなく、衝突のショックによる内部励起が小さい場合には第2項

 $\Sigma_{m'm} S_{n'n}$ "は無視出来るであろう。特に $\overrightarrow{1}=0$ のとき

$$< A^{S'}(0) | q_{0i}^{+} \vec{\sigma}_{ij} | q_{j} | A^{S}(0) > \equiv (\sigma^{A})_{S'S}$$
 (4-14)

は静止している粒子Aの Spin Matrix を表わすことになる。 従つて、

$$< A(\frac{-\overrightarrow{A}}{2}) | q^{+\overrightarrow{\sigma}(\overrightarrow{A})} q | A(\frac{\overrightarrow{A}}{2}) > \equiv \overrightarrow{\sigma}_{A} f_{A}(A)$$
 (4-15)

とおけば、 f_A (d)は独立粒子模型化於る粒子AのMagnetic Form Factor 化他をらない。また、独立粒子模型では、基底状態のエネルギー固有値 ϵ_0 と、複合系のMass M_A の間には

$$\epsilon_0 \equiv \frac{M_A}{n_A} \tag{4-16}$$

なる関係がある³⁾から、これらを用いると、(4-13)はdの小さい処で

$$< f |T| i> \approx -\frac{g_0^2 \sqrt{16 \pi^3} \frac{n_A}{A^2 + m_\pi^2} \frac{n_B}{E_{p_0}^A} \frac{\vec{\sigma}_A \cdot \vec{\Delta} \vec{\sigma}_B \cdot \vec{\Delta}}{E_{p_0}^B} f_A(\vec{\Delta}) f_B(-\vec{\Delta}) + \cdots$$
(4-17)

とかくことが出来る。従つてこの範囲で

$$\frac{d\sigma_{AB}}{dQ} \approx \frac{g_0^4}{16\pi^2} \frac{p_0^2}{V_{rel}^2(\vec{p}_0, -\vec{p}_0)} (\frac{n_A n_B}{2E_Q^A E_{p_0}^B})^2 \frac{\Delta^4}{(\Delta^2 + m_\pi^2)^2} f_A^2(\Delta) f_B^2(-\Delta) + \cdots$$
(4-18)

特にp-p散乱については、

$$S \frac{d\sigma_{N-N}}{dQ} \approx \left(\frac{g_0^2 n_N^2}{4\pi}\right)^2 \frac{1}{4} \frac{t^2}{(m_\pi^2 - t)^2} f_N^4(t) + \cdots$$
 (4-19)

が得られる。この場合も以前と同様散乱断面積は衝突粒子内quark 数の2乗 に比例する。

さて以前に筆者等(G.A.Armoudian, D.Ito, & K.Mori. Nuov. Cim.

38 1903, 1965) は p-pの大角散乱の実験をNucleon の Form Factor によって記述し得ることを示した。そこでは、Nucleon form factor $f(\mathcal{E})$ を含む π -N相互作用として

$$H(x) = i \mathcal{I}_{DS} f \overline{N}(x) r_5 N(x) f(\xi) \psi(x + \xi)$$
 (4-20)

から出発すれば

$$s\frac{d\sigma}{d\Omega} = \left(\frac{g^2}{4\pi}\right)^2 \frac{1}{4} \left(\frac{t^2}{(m_{\pi}^2 - t)^2} f^4(t) + (u-channelからの寄与)\right)$$

(4-21)

が得られ、特に

$$f(t) = e^{-\frac{a}{2}(\sqrt{m^2 - t} - m)}$$
 (4-22)

但し、

$$a = 2.5 (Gev/c)^{-1}, m = 2m_{\pi}$$
 (4-23)

$$\frac{g_{\text{DS}}^2}{4\pi} = 16.7 \tag{4-24}$$

にとれば、(4-21) は大角散乱をFig-1・程度に再現出来ることを示した。実験からきめた(4-24) の Coupling Constant の値は、15 に近く、Point nucleon のlimit $f(\xi) = \delta(\xi)$, $f(t) \to 1$ で、この現象論は普通のPion Theory に Reduce する。またこのForm Facter は |t| の小さい処では Gauss型で、そのひろがりのm·s·r・は

$$<\mathbf{r}^2>^{\frac{1}{2}}=0.75\times10^{-13}\,\mathrm{cm}$$
 (4-25)

で、電磁Form Facter のひろがりと同程度である。このようなForm facter は既に大角散乱の部分波解析から予想されていたものであり(E.M.Henley & I.J.Muzinich P.R. 136 B1783(1964))我々は、これをMarkov化された

-42- 伊 藤、 藤、 殼 山

pion の理論の近似として導入した。

このForm Factor 理論の結果(4-21)は、独立粒子模型から得られた(4-19)と全く同じ形をしている。但し、(4-19)は内部励起が大きい程 |t| の大きい処までは使えないが、上の現象論の結果(4-21)は、内部励起、即ち、衝突の際の粒子の Deformation の効果までを含めたものが、Form Facter (4-22)として記述出来ることを示嗟するものと考えるべきであろう。(この点については更に詳しい分析が必要である) |t| が小さい処で(4-19)と(4-21)が一致するためには、

$$\frac{g_{\rm ps}^2}{4\pi} = \frac{g_0^2 \, \rm n_N^2}{4\pi} \tag{4-26}$$

$$f(t) = f_N(t) \tag{4-27}$$

でをければならない。 $g_D^2/4\pi = 15$ とすれば

$$\frac{g_0^2}{4\pi} = \frac{15}{9} = 1,67 \tag{4-28}$$

となる。また、 $f_N(t)$ は独立粒子模型による核子のMagnetic Form Factor という意味をもつていたが、(4-27), (4-25)により、 $f_N(t)$ のひろがりは $< r^2 > 2 = 0.75 \times 10^{-13}$ cmである。独立粒子模型では cloud を考えずに正しい磁気モーメントが得られるわけであるから、 f_N のひろがりが実験値程度であることは、理論として Consistent である。(但し、核子の中心部に Cloud の Source としての quark の集団があり、Mass、Moment、核力、大角散乱等は芯と cloud の合作であるという描像では、このひろがりは大きすぎるかも知れない。これについては最後に述べる。)

独立粒子模型で正しい磁気モーメントが得られるのは、共通 Potential の深さが quark mass K くりこまれ、その effective mass M_0 (= M_q - V(0)) を小さくするためである。 Effective Mass M_0 の quark が半径aの井戸型 Potential 内を運動するとき、 One particle excitation K よる複合系の Level-spacing (Mass difference) δM は Ground State 附近で、

$$\delta M \sim \delta M_0^2 + (\frac{N}{a})^2 \approx \frac{1}{2M_0} \frac{\delta N^2}{a^2} = \frac{3 \delta N^2}{2M_N a^2}$$
 (4-29)

の程度であろう。(Radial or Azimuthal) quantum mumber の変化 $\delta \mathbb{M} \approx 1$ に対して、多くの場合 $\delta \mathbb{M} \sim 2 m_\pi$ 程度であるから、(4-29)から井戸 のひろがりは

$$a \sim \frac{1}{3m_{\pi}} \tag{4-30}$$

従つて、quark の波動函数のひろがりもこの程度と考えられる。これは大角 散乱や磁気モーメントのひろがりから推定されるquark 波動函数のひろがり とConsistent である。

以上一連の分析から、共通Potential の深さを quark mass にくりこむ 独立粒子模型では、Mass Level、磁気モーメント、そのForm Facter、加算性、大角散乱をどを、あまり多くのパラメーターをもち込まずに可成り統一的に記述出来ることがわかつたが、そのためには、共通Potential や quark 波動函数のひろがりを、いままでの予想よりは大きい($2\sim3m_\pi$) 程度にとら なければならない。

一方同し quark model でも、quark は 10⁻¹⁴cm

程度以下の中心領域に集中し、Mass Level, Moment, …… などの諸性質は Oloud と内部構造体の合作であるとする立場があり、この方が、自然の累層 的構造という哲学から、核力の芯の問題まで含めて、より自然な考え方と思われる。⁴⁾そして、この立場から見ると、Cloud 程度のひろがりをもつ独立粒子模型という描像は奇異の観を与える。しかし、cloud と云つても、quarkのLevelで見れば、quark のcluster であり、cluster として運動する quark を外から見れば、軽いMass で運動しているように見えるわけである。共通Potential 内を軽い effective mass で運動する独立粒子としての quark というのは、Cluster にもぐりこんで運動することまでを平均的に

-44- 伊 藤、 藤、 殼 山

考慮した描像と考えられないだろうか? 少くとも、この理論は将来そのように定式化さるべきものであろう。そうすれば、Cloud を考えないことや、cloud 程度にひろがつた平均potential 波動函数というのも、そう不自然には見えなくなるだろう。(Feb. 28. 1967)

参照

- 1) E.M.Levin and L.L.Frankfurt J.E.T.P.Letters <u>2</u> 65(1965) 伊藤大介, 素研 <u>32</u> 217(1965)
 H.J.Lipkin and F.Scheck P.R.Letters 16 71 (1966)
- 2) D.Ito and S.Kokuyama, preprint(unpublished) (1966) 殼山 滋; 北大M.C. 卒論 (1966) Also see, E.Carrière, G.A.Armoudian & D.Itō, Nuov, Cim 39 368(1965)
- 3) 伊藤大介、森 健寿 素研(印刷中)(1967); やり方はちがうが殆んど 同じ Model は既に Bogoljubov, Weisskoff 等によって提唱されてい る。このことを教えて下さった武田暁氏に感謝致します。
- 4) 但し、あまり小さくて硬い芯をたてると、大角散乱を大きくしてこまる。 Rutherford 散乱が原子核の存在を示したのと同じ理由で、大角散乱(今度はその確率が小さい)は硬くて小さい芯の存在にfavourでない。



