岩石の脆性破壊のモデル化に関する研究

Modeling of brittle failure in rocks

竹村 貴人^{1*}、小田 匡寬¹、鈴木 健一郎² Takato Takemura¹, Masanobu Oda², Kenichiro Suzuki³

¹ 埼玉大学 工学部建設工学科 Department of Civil and Environmental Engineering, Saitama University ² 大林組 技術研究所 Technical Research Institute, Obayashi Corporation

Abstract

Microcracks-related fabric, determined using a stereological method, is represented quantitatively by means of the crack tensor introduced by, and brittle failure of granitic rock (Inada granite) is discussed based on the crack tensor analysis. Orientation of stress-induced microcracks doesn't change much during brittle failure, depending primarily on the orientation of pre-existing microcracks. Inelastic volumetric strain at failure decrease with increasing confining pressure due to the fact that crack opening is controlled by the confining pressure.

Key Words: Brittle failure, Damage growth, Microcrack

1. はじめに

近年,高レベル放射性廃棄物の地層処分場や エネルギー地下備蓄施設などの建設に際し.大深 度における地下空間利用が行われている.このよ うな,地下空間構造物を建設する際,その安全性 を確保するためにも構造物の周辺岩盤にかかる地 圧や地下水圧の問題は必ず考慮しなければならな い特に放射性廃棄物の地層処分に関しては,1) 放射性核種が地質環境中に移動した場合,岩盤の割 れ目や空隙における相互作用において核種が遅

* 〒338-8570 浦和市下大久保255 電話:048-858-3545 FAX:048-858-7374 Email:takemura@post.saitama-u.ac.jp 延・分散あるいは希釈されること、2) 岩盤の破 壊などによる処分場への重大な影響を及ぼさない こと、3) 設置環境を長期間維持できること、を 考慮する必要がある.

花崗岩質岩石は我が国の国土の約40%を占め ており,その性質は堅牢であるため高レベル放射性 廃棄物の処分場やエネルギー地下備蓄等に使われ る地下空間の対象とされる.また,花崗岩質岩石 には力学・水理学的な異方性があることが指摘さ れている^{[1]-[3]}.このような異方性は花崗岩質岩石内 に存在するマイクロクラックの構造に起因すると 考えられているが、力学・水理学的な異方性とク ラックの構造異方性の関係は必ずしも明らかにな ってはいない.また,構造物の建設時や長期的に 見た広域応力の変化などに伴う岩石の変形・破壊 に伴うクラックの増加は確実に透水係数を変化さ せるであろう.同時に変形・破壊に伴うクラック の増加は確実に岩石の破壊強度を低下させ、トン ネル掘削時の山はねや岩盤の崩落を引き起こす要 因となる.

このような岩石の破壊現象をモデル化する上で、 クラックの進展則、破壊基準を定量的に決めるこ とが重要である。本研究では花崗岩質岩石の脆性 破壊に伴うクラックの3次元構造の変化をクラッ クテンソル^{[4]-[6]}により定量化し、破壊の進行に伴う クラックの進展をクラックの密度と多方向の弾性 波速度から明らかにすることを試みる.

2. クラックの3次元構造解析

クラックの幾何学的特徴を体積密度 ρ (単位体積 当たりのクラック数),大きさ r,方向 n,開口幅 tによって記述する. 今,クラックの中心が体積 Vの領域内に $m^{(t)}$ 個あるとすれば、クラック体積密度 ρ は次式で定義される.

$$\rho = \frac{m^{(\nu)}}{V} \tag{1}$$

クラックの方向はクラック主面に立てた単位法線 ベクトル *n* で記述され、その方向余弦 (n_1, n_2, n_3) は、 その走行 αと傾斜 β を使って次のように書くこと ができる

$$\boldsymbol{n} = \begin{pmatrix} n_1 \\ n_2 \\ n_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha \sin \beta \\ \sin \alpha \sin \beta \\ \cos \beta \end{pmatrix}$$
(2)

ここで、各クラックは、方向の逆な二つの法線ベ クトル n と - n を持っている.ここでは便宜上, n と - n を単に n と記す.クラックの方向分布はベク トル n の 集合で置き換えられる.nの 集合を特徴付 けるには、例えばその単純な平均値が有力な候補 に挙げられよう.しかしただ単なる平均値は、容 易に確かめられるように零ベクトルとなり、意味 をなさない.そこでベクトル n のダイアド n ⊗ n の平均値を取ると、2 階のテンソル N (ファブリッ クテンソルと呼ぶ) が定義でき,次の成分を持って いる

$$N = \frac{1}{2m^{(V)}} \sum_{k=1}^{2m^{(V)}} n^{(k)} \otimes n^{(k)}$$
(3)

上の式で $2m^{(r)}$ 個の平均になっているのは、1 つの クラックに 2 つの単位ベクトルが割り当てられて いることによる. また上付きの添え字(k)は k 番目 の単位ベクトル $n^{(k)}$ を意味している. 方向余弦 (n_1, n_2, n_3) は、その走行 α と傾斜 β を使って書けることか ら、ユニバーサルステージ付き顕微鏡でクラック の走行・傾斜を測定することでNの成分 N_{ij} を直接 決定することができる.

クラックは方向だけでなく、面積 s^(k)や寸法 r^(k)を 持っているため、その集合は体積密度 ρによって も特徴付けられる.このように考えると、(3)式の ファブリックテンソルは、クラックの集合が作る 幾何学的な性質の一面を近似的に表しているに過 ぎないといえる.この問題には、各クラックに ρ s^(k)r^(k)の重みを付けてダイアド n ⊗ n の平均を取る ことによって解決できる^{[4]-[6]}.(1)式を考慮すると、 次の表現が得られる.

$$F_{ij} = \frac{1}{2m^{(V)}} \sum_{k=1}^{2m^{(V)}} (\rho s^{(k)} r^{(k)}) n_i^{(k)} n_j^{(k)}$$

$$= \frac{1}{2V} \sum_{k=1}^{2m^{(V)}} s^{(k)} r^{(k)} n_i^{(k)} n_j^{(k)}$$
(4)

ここで *F_{ij}*は 2 階の対称テンソルであり, クラック テンソルと呼ばれる.

定義はさて置き次に答えるべき問題は,(4)式が クラックの構造を定量的に表しているかであり, 以下のようにまとめることができる.

(1)クラックテンソルは応力テンソルと同じよう に 2 階の対称テンソルである.このことは、三次 元空間に必ず互いに直交する三本の主軸と、主軸 方向に三つの主軸(F₁, F₂, F₃)とが存在することを 意味している.主軸方向はクラックの構造の異方 性の主軸とみなしてよい.

(2) F_{ij} の縮約は F_{ii} (= F_{11} + F_{22} + F_{33}) で定義され, F_{ij} の不変量の一つである $F_0(F_{ii})$ が得られる(今後,ア

インシュタインの総和規約を採用する. すなわち, 一つの項に同じ添え字が 2 度現れれば, その添え 字について 1 から 3 までの総和をとるものとする. テンソルの成分,例えば F_{11} は座標軸の選択によっ て変わる. 不変量は,このような座標軸の選択に 依存しないスカラー量であって,2階の対称テンソ ルには,常に三つ存在する).クラックを直径 $r^{(k)}$ の 円盤で表し, $s^{(k)}=(\pi/4)(r^{(k)})^2$ に注意すれば,不変量 F_0 は次式で与えられる.

$$F_0 = F_{ii} = \frac{\pi}{4V} \sum_{k=1}^{m^{(V)}} (r^{(k)})^3 = \frac{\pi}{4} \rho \langle r^3 \rangle$$
 (5)

ただし (r^n) は

$$\left\langle r^{n} \right\rangle = \frac{1}{m^{(V)}} \sum_{k=1}^{m^{(V)}} (r^{(k)})^{n}$$
 (6)

で定義され、クラック直径の n乗、 r^n 、の平均値を表 している.この無次元のスカラー量 F_0 は、以下の 理由からクラック密度の指標と考えられる.(1) ク ラックに沿う水の流れを論じたパーコレーション 理論では、 $\rho < r^3 > はクラック密度を表しており、ク$ ラック相互の連結性を測る指標として使われてい $る^{[7][8]}.(2)クラックの開口幅を <math>t^{(k)}$ とすれば、k番目 のクラックの間隙体積は($\pi/4$)($r^{(k)}$)² $t^{(k)}$ </sup>に等しい. すると間隙率φは次式で定義できる.

$$\phi = \frac{1}{V} \sum_{k=1}^{m^{(V)}} \frac{\pi}{4} (r^{(k)})^2 t^{(k)}$$
(7)

今,開口幅 $t^{(k)}$ がクラックの寸法 $t^{(k)}$ に比例している とすれば($t^{(k)}=\eta^{(k)}$),(7)式は次式となる.

$$\phi = \frac{\eta}{V} \sum_{k=1}^{m^{(r)}} \frac{\pi}{4} (r^{(k)})^3 = \eta \frac{\pi}{4} \rho \langle r^3 \rangle = \eta F_0$$
(8)

すなわち, F₀は間隙率 ø と同じ意味を持つこととなる. (8) 式は,開口幅と寸法との比例関係を前提 としているが,このことについては後述することと する.

(3) クラックテンソル F_{ij} には既に述べたように 三つの主値(F_1 , F_2 , F_3) が存在する. その主値を座 標軸とする構造空間を導入する. すると与えられ たクラックの構造は, 構造空間のベクトル \overrightarrow{OA} とし



て表せる. ベクトル \overrightarrow{OA} は更にベクトル \overrightarrow{OB} とベクトル \overrightarrow{OB} とベクトル \overrightarrow{OB} に分解できる(図 1). このときベクトル \overrightarrow{OB} は $F_1=F_2=F_3$ で示される等方軸 (破線) への投影成分であり,その大きさは $(1/\sqrt{3})F_0$ に等しいことから, クラック密度の大きさに比例している. 一方ベクトル \overrightarrow{BA} は等方軸からのずれを与えており,その大きさは

$$AI = \frac{|BA|}{|OB|} = \frac{\sqrt{6J_2}}{F_0} = \frac{\left[(F_1 - F_2)^2 + (F_2 - F_3)^2 + (F_3 - F_1)^2\right]_2^2}{F_1 + F_2 + F_3}$$
(10)

AI は 0 と 1.414 の間の値をとり、0 で等方性を、また 1.414 で完全な定方向配列を表している.本研究ではクラックの方向は N_{ij} ,密度は F_0 ,異方性は AI を使って表す.ここで、 N_{ij} , F_0 は3次元量であるため、直接決定することはできない.そこで、本研究ではステレオロジーの手法^{[6][9]}を用いて、これらの量を推定した.最近の研究ではステレオロジーの手法とユニバーサルステージによる直接的な方法で決定されたクラックテンソルはほぼ同じであることが示されている^[10]。

3. 岩石試料

稲田花崗岩の構成鉱物は XRD 分析(Philips 社製) の結果より体積分率で石英 39.72%, 斜長石 30.73%, 正長石 24.75%, 黒雲母 3.98%, および 0.82%の粘土 鉱物である. 平均粒径は 2-4mm 程度であるが、石 英、長石類はクラスター状^[3]になっているため肉眼 での観察では大きな粒径に見える. 稲田花崗岩は 採石場において、3 つの割れやすい面 Rift, Grain, Hardway が、それぞれ N70° E90°, N20° W90°, 水 平面に一致している(図 2).

稲田花崗岩において、マイクロクラックは石英 内クラック、長石内クラックと粒界クラックの3 つの開口クラックに分類することができる.これ らのクラックの他に国内の花崗岩質岩石に多く見 られる流体包有物により癒合されているクラック を観察することができる.しかしながら、稲田花 崗岩の場合、癒合クラックの多くは開ロクラック に比べ非常に小さい. また. 癒合クラックは弾性 波速度や破壊に関与していないとされている[11]. これらの開口クラックに対して顕微鏡下でクラッ クの観察(拡大率 40 倍)を行いマイクロクラック のトレース図を作成した. 上記で作成したインタ クトな稲田花崗岩のマイクロクラックのトレース 図に対し、3次元構造解析を行い、インタクトな 稲田花崗岩のクラックテンソルを求めた(表1). その結果、クラックによる初期異方性を確認する





表1 インタクトな稲田花崗岩のクラックテンソル

	- (e:	×; ~	Ē.		FE	1 11
x ₁ -plane	1.00	L18	ાગાંત્લાથ	(3.47 11.25 11.26	9.67 0.10	4.8%
1 -plane	9.89	0.90		(3.34 -0.21	0.42	4.82
1 -plane	6.99	1.16		(Synwo, 0.33	Symma	4.32

ことができた.

4. 実験方法および結果

4.1. 三軸圧縮試験

脆性破壊に伴い発生・進展するマイクロクラッ クの構造変化を明らかにするために、Oda et al^[12]が 報告した三軸圧縮試験から4本の供試体 (H-5, H-6, H-7, H-8) を選んで構造解析を行った.供試体は円 柱で、その直径と高さはそれぞれ 50mm、120mm で ある. 試験装置 (MTS 社製 Model 801) は, 高剛性 のフレームと周変位の高い制御機能によって、破壊 前後の制御に優れている. 三軸圧縮試験は, 室温か つ封圧 80MPa の下で、周変位 5.0×10⁶mm/sec の条 件で行われた.また載荷方向はx,軸に平行である. 三つの供試体のうち H-5, H-6 と H-7 はそれぞれ破 壊応力の 90%, 98%, 100% まで載荷後、除荷したも のである. また H-8 は、破壊応力を過ぎ約 2%応力 降下を経た後に、除荷したものである、少なくとも H-8 は不安定破壊の領域にあり、鈴木・高橋^[13]のレ プリカ法で観察する限り、微小な初期せん断面が形 成されている^[12]. H-5, H-6, H-7, H-8 の供試体は実 験終了後に三軸セルから回収され, 真中のほぼ 1/2 部分が構造解析用として切り出された. 三つの x, -面に平行に、それぞれ 2~4 枚の薄片が作られた. また、封圧の増加に伴う破壊時の応力・歪みの変化 を知るため、0から 140MPa までの間における数段 階の封圧下で実験を行った.

図 3 に, 三軸圧縮試験から得られた軸差応力(q - g), 軸歪み g, 横歪み g, 体積歪み g の関係を示し た. 図中の点は H-0,5,6,7,8 の載荷終了時の歪であ る. σ- g の関係(図 3(a))は, 破壊応力付近を除け ばおおむね線形的であるが σ- g の関係(図 3(b))に



図3 応力-歪み図

は,特に軸差応力で 50%過ぎあたりから際立った 非線形性が認められる.すなわち体積歪みは,最 初ほぼ線形弾性的な圧縮(+)であるが,軸差応力50% あたりで非弾性のダイレタンシーが顕著となり,膨 張(-)に大きくシフトしている.この場合,非弾 性の体積歪み $\varepsilon_{v}^{"}$ は,初期の線形関係からのずれで 定義され、マイクロクラックの生成・成長を量的 に表している.

また,弾性波測定用試料として構造解析用に作 られた試料と同じ実験条件・応力履歴を持つ試料 5つに加え応力レベル 60%,70%,80%,85%の4つ の試料を作成した(供試体名 WH-シリーズ).表2 には各試料の実験条件がまとめられている。なお, 使用した試料は構造解析用試料を採取した岩石ブ ロックと隣接した250mm×250mm×250mmの岩石 ブロックから採取したものを使用した.

表2 試料名と実験条件

応力レベル非弾性体積歪る						
		(×10-2)				
, <u> </u>	0%	0.00				
辞 H-5	90%	-1.69				
∰ H-6	98%	-3.64				
í H-7	100%	-4.01				
<u> </u>	100%(-2%)	-8.22				
WH-0	0%	0.00				
WH-1	60%	-0.01				
₩X WH-2	70%	-0.03				
殿 WH-3	80%	-0.07				
挼 WH-4	85%	-0.11				
鍙 WH-5	90%	-0.18				
^笩 WH-6	95%	-0.22				
WH-7	98%	-0.29				
WH-8	100%	-0.38				
WH-9	100%(-2%)	-0.49				

4.2. 弾性波速度

これらの供試体は実験終了後に三軸セルから回収 され、中央部直径 50mm 高さ 50mm の円柱供試体 を岩石カッターにより切り出し、弾性波速度測定 用試料とした、弾性波測定用試料は研削盤(株式 会社岡本製作所製)により、x_{1,23}軸に直交する面を 一辺 48mm の正方形に、おのおのの軸に 45 度に交 わる面が六角形になるような十八面体を作成した (図4).

5. 花崗岩質岩石の脆性破壊機構

5.1. 破壊基準

クラック密度 F₀は, H-0 の 1.41 から H-8 の 17.31 へと着実に増加している. この増加は, 図 5 に示す





図5 クラック密度の増分

通り非弾性体積歪みの累積と関係付けられる.図 5 には三軸圧縮試験中の非弾性体積歪み $\varepsilon_{\nu}^{\prime\prime}$ が,次式 で定義する全クラック密度の増分 ΔF_{0} に対してプロ ットされている.

$$\Delta F_0 = F_0^{(H-i)} - F_0 \tag{11}$$

ここで $F_0^{(i)}$ の添え字 H-*i* (*i*=0, 5, 6, 7, 8) は,供試体 H-*i* (*i*=0, 5, 7, 8) の F_0 を表している. 図の関係から 明らかなように,全クラック密度の増加は非弾性体 積歪み(ダイレタンシー)の大きさに比例している. また非弾性体積歪みは圧縮試験中の間隙率の増加 $\Delta \phi$ であることに注意すれば,この関係は次のよう に表せる^[12].

$$-\varepsilon_{\nu}^{in} = \Delta \phi = \eta \Delta F_0 \tag{12}$$

ここで、 η はマイクロクラックのアスペクト比と呼ばれ、三軸圧縮変形中に発生・進展するマイクロク ラックの開口幅 t がその寸法 r に比例するとした 時の比例定数である。 η の値はマイクロクラックの 開口幅を推定する上できわめて重要な役割を担い、 図 5 から η =5.28×10⁻⁴の結果が得られる。低封圧下 では横方向から拘束される応力が小さいため、幅の 広いマイクロクラックが発生・進展し、その非弾性 体積歪みを増加させる。その一方で、高封圧下では 横方向からの拘束圧が大きいため、幅の狭いマイク



図6 異なる拘束圧での破壊時の非弾性体積歪み

ロクラックが発生・進展し,非弾性体積歪みをそれ ほど増加させない.従って,先に求めたηの値は封 圧に依存すると考えられるが,このことについては 別の機会に報告することにする^[14].

圧縮応力場における脆性材料のクリープ破壊基準の一つとして,非弾性体積歪み εth 一定説がある

 $\varepsilon_{\nu}^{in} = C \tag{13}$

ここで C は材料によって決まる定数である. この 破壊基準は、封圧を一定に保った三軸圧縮試験に限 れば、その強度を説明するのに極めて有力である. しかし封圧 p が変化する場合、(13)式は次のよう に変更されなければならない(図 6).

$$-\varepsilon_{\nu}^{(p)} = C_1 p + C_2 \tag{14}$$

ここで C_1 , C_2 は定数であり,稲田花崗岩の場合 C_1 = -3.60×10⁵ (MPa⁻¹), C_2 =8.36×10³ であった(本研究では 圧縮を正としているため,体積歪みの値が小さくな ることは体積が膨張していることを意味する). のように,破壊時の非弾性体積歪みは封圧に依存す ることがわかる.

5.2. 弾性波速度の視点から見た花崗岩質岩石の脆 性破壊機構

圧縮応力の載荷によりダメージを受けた岩石を 透過する弾性波速度は着実に減少する^{[17][18]}.本節 では 80MPa での拘束圧下における脆性破壊の進行 に伴う内部構造の変化について弾性波速度を用い



図7 脆性破壊の進行に伴う弾性波速度の変化

て議論を行う。

表2にあるWH-シリーズの18面体試料について 各方向でのP波速度を測定し、その結果をステレ オネット上にプロットした。本試料からは9点し かプロットされないが、残りの各点についてはク リギング法にて推定を行い図7にあるようなコン ターマップを作成した。その結果、P波速度はどの 応力レベルにおいても、x3軸が最も速く、次いでx2 軸、最も遅いのがx1軸となっている。このことは、 初期異方性を維持しながら脆性破壊が進行してい ることを強く示唆している。また、三軸圧縮試験 により形成されたせん断面の方向も常に一定であ ることが報告されている^{[3][19]}。従って、稲田花崗岩 の場合、少なくとも拘束圧 80MPa までの脆性破壊 に伴うクラックの進展は初期マイクロクラックに 規定されているといえる。また、破壊応力 80%以 下では、弾性波速度に変化は見られない。このこ とは、少なくとも弾性波速度から見たクラックの 進展は 80-85%付近から活発になると考えられる。

6. おわりに

本論では稲田花崗岩の脆性破壊の進行に伴い発 生・進展するクラックの3次元構造について、ク ラックテンソル理論を基礎として、構造解析・圧 縮応力試験・弾性速度試験からの検討を行った. その結果をまとめると以下の通りである.

 3次元構造解析の結果, 脆性破壊の進行に伴 うクラック密度の増加と非弾性体積歪みの関 係を得ることができた。また、三軸圧縮変形 中に発生・進展するマイクロクラックのアス ペクト比ηを推定することができた。

2)破壊時の非弾性体積歪みは拘束圧に依存する

ことが示された。

3) 脆性破壊の進行に伴う P 波速度の変化からマ イクロクラックの方向は、既存のマイクロク ラックの方向を維持しながら進展していくこ とが明らかにされた。これは、初期マイクロ クラックの異方性がダイラタンシーや破壊面 の異方性に決定的な影響を及ぼしていること を示唆している。

参考文献

 工藤洋三・橋本堅一・佐野 修・中川浩二
 (1986) 石工の経験則と花崗岩の力学的性質,土と 基礎,34,47-51.

[2] 陳 友晴・西山 孝・喜多治之・佐藤稔紀
 (1997):微小クラックの分類による稲田花崗岩と栗
 橋花崗岩の力学的弱面について、応用地質、38, 196-204.

[3] 長田昌彦・山辺 正・吉中龍之進, 1999, 稲 田花崗岩の初期マイクロクラック,応用地質, 39, 500-510.

[4] Oda, M., 1982, Fabric tensor for discontinuous geological materials. *Soils and Foundations*, **22**, 96-108.

[5] Oda, M., 1984, Similarity rule of crack geometry in statistically homogeneous rock masses. *Mechanics of Materials*, **3**, 119-129.

[6] Oda, M., 1988, An experimental study of the elasticity of mylonite rock with random cracks, *Int. J. Rock Mech. Min. Sci. & Geomech. Abstr.*, **25**, 59-69.

[7] Robinson, P. C., 1984, Connectivity, flow and transport in network models of fractured media. Ph. D. dissertation, Oxford Univ., Oxford, 1984

[8] Suzuki, K., Oda, M., Yamazaki, M. & Kuwahara, T., 1998, Permeability changes in granite with crack growth during immersion in hot water. *Int. J. Rock. Mech. Min. Sci. & Geomech. Abstr.*, 35, 907-921.

[9] Kanatani, K., 1984, Distribution of directional data and fabric tensors, *Int. J. Engrg. Sci.*, **22**, 149-164.

[10] 竹村貴人・小田匡寛(2002)マイクロクラックの3次元構造解析による花崗岩質岩石の脆性破壊
 機構,地質学雑誌,108,453-464.

[11] Takemura, T., Golshani, A., Oda, M., Suzuki, K., 2003. Preferred orientations of open microcracks in granite and their relation with anisotropy elasticity. *Int. J. Rock Mech. & Min. Sci.* **40**, 443-454.

[12] Oda, M., Katsube, T. & Takemura, T. 2002, Microcrack evolution and brittle failure of Inada granite in triaxial compression tests at 140MPa. *J. Geophys. Res.*, **107**, ECV9-1-17

[13] 鈴木清史・高橋 学, 1994, レプリカフィル ムを用いた空隙、亀裂の可視化法, 応用地質, 35, 77-78.

[14] Oda, M., Takemura, T., Aoki, T., 2002b. Damage growth and permeability change in triaxial compression tests of Inada granite. Mechanics of Materials 34, 313-331.

[15] Scholz, C. H., 1968, Microfractureing and the inelastic deformation of rock in compression. *J. Geophys. Rec.*, **73**, 1417-1432.

[16] Kranz, R. L. & Scholz, C. H., 1977, Critical dilatant volumetric of rocks at the onset of tertiary creep. J. Geophys. Rec., 82, 4893-4898.

[17] Hudson, J. A. (1980) Wave speeds and determination of elastic waves in material containing cracks, *Geophys. J. R. astr. Soc.*, **64**, 133-150.

[18] Yukutake (1992) Fracturing process of granite inferred from measurements of spatial and temporal variations in velocity during triaxial deformation. J. Geophys, Res., 94, 6,840-6,858.

[19] 梶川 昌三・増田 幸治・山田 功夫・出
 原 理(1990):粒径の異なる花崗岩に発生する微小
 クラックの特徴,地震,第2輯,43,179-188